

基于 FPGA 实现的归一化空时自适应抗干扰技术

付晶晶，李 峰，武成锋，何子君

(北京自动化控制设备研究所，北京 100074)

摘要：针对压制干扰源提出一种基于 FPGA 实现的归一化空时自适应抗干扰技术。通过主通道功率统计值调节步长因子，达到归一化处理的目的，当 $x(n)$ 较大时，可以解决梯度噪声放大的问题，有效地提高了算法的抗干扰能力；不需要计算 $u(n)$ 的平方欧氏范数，不包含除法运算，减少了计算量，易于 FPGA 工程实现；通过计算机仿真分析和外场试验验证了该技术有效地提高了算法收敛速度和干扰抑制能力。

关键词：归一化；空时自适应；抗干扰

中图分类号：TP273 文献标志码：A 文章编号：2095-8110(2016)02-0048-05

A Realization of Normalized Space-time Adaptive Anti-jamming Based on FPGA

FU Jing-jing, LI Feng, WU Cheng-feng, HE Zi-jun

(Beijing Institute of Automatic Control Equipment, Beijing 100074, China)

Abstract: This paper represented a normalization STAP (Space-Time Adaptive Processing) Anti-jam technology base on FPGA realization. Using frequency statistical information of major channel adjusts step-factor. Realizing normalization process has two advantages. First, When the value of $x(n)$ is large, the problem of gradient noise amplification will be solved, and the performance of anti-jam will be improved effectively. Second, the square Euler-norm of $u(n)$ will not be calculated, so it is of simple calculation and easy realization on FPGA. Though the simulation analysis by computer and the result of real testing, the normalization process improve the speed of arithmetic convergence and the performance of anti-jam eventually.

Key words: Normalization; STAP; Anti-jamming

0 引言

随着卫星接收机的普遍应用，卫星信号易受干扰的问题显得越来越突出，抗干扰技术在弹载、机载、舰载等军用领域卫星接收机中逐渐得到广泛应用，大大提高了复杂战场环境中接收机对干扰的抑制能力^[1-3]。目前卫星导航抗干扰技术主要有：时域滤波技术、频域滤波技术、空域滤波技术以及空时滤波技术等^[4]。单纯的空域滤波技术是建立在窄带假设基础上^[5-8]，空时自适应抗干扰技术是一种宽带技术^[9]，在实际应用中，信号多

径是宽带的，针对卫星制导恶意干扰大多也是宽带干扰，该技术在卫星信号抗干扰方面的应用是进步性的^[10]。空时自适应处理方法尽管能带来好的抗干扰效果，但运算量增加显著。目前主要有空时协方差矩阵求逆和自适应权值迭代两种权值计算方法^[11-12]。空时协方差矩阵求逆法最优处理的运算量约为 $O[(MN)^3]$ ，随着空时处理维数的增加，运算量成指数倍（立方）增长；自适应权值迭代法随处理器维数的增大，自适应算法的收敛性能和干扰跟踪能力降低，难以应付时变干扰场景。

收稿日期：2015-12-14；修订日期：2016-01-28。

作者简介：付晶晶（1982-），女，硕士，主要从事卫星导航抗干扰算法与实现研究。

鉴于上述问题,本文针对压制干扰源提出一种归一化空时自适应抗干扰技术。该技术通过主通道功率统计值自适应调节步长因子,进行归一化处理,达到降低梯度噪声、提高收敛速度的目的;且不需要计算 $\mathbf{u}(n)$ 的平方欧氏范数,不包含除法运算,易于工程实现。

1 归一化空时自适应抗干扰技术

空时自适应抗干扰技术通过时间抽头将一维的空域滤波推广到时间与空间的二维域中,形成空时二维处理结构^[10],如图 1 所示。该结构在不增加阵元的前提下,增加阵的自由度,从而增加可以处理的干扰数目;同时,空时自适应技术对多径干扰、相干干扰有好的抑制效果,使自适应算法设计可以更加灵活、有效,增强抗干扰能力。

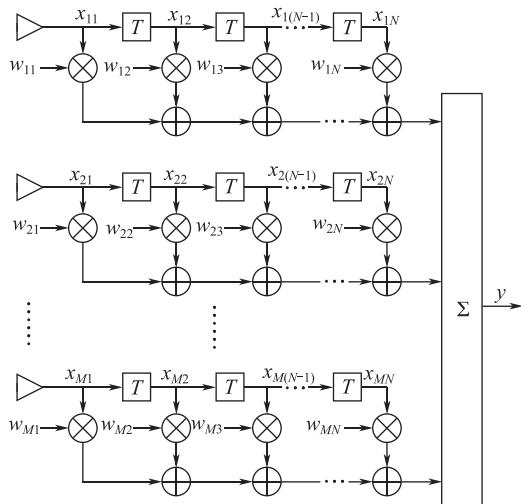


图 1 空时自适应处理结构

Fig. 1 The structure of space-time adaptive processing

在空时自适应抗干扰技术标准形式中, $n+1$ 次迭代中应用于滤波器抽头权向量的失调包含以下三项^[12]:

- 1) 步长参数 μ , 由设计者控制;
- 2) 抽头输入向量 $\mathbf{x}(n)$, 由信息源提供;
- 3) 数据的估计误差 $e(n)$, 为 n 次迭代计算的结果。

失调直接与抽头输入向量 $\mathbf{x}(n)$ 成正比,当 $\mathbf{x}(n)$ 较大时,梯度噪声放大,干扰抑制效果严重

受损。

由 Nagumo 和 Noda 提出的归一化 LMS 抗干扰方法^[13], $n+1$ 次迭代时抽头权向量的失调相对于 n 次迭代时抽头输入向量 $\mathbf{x}(n)$ 的平方欧氏范数进行归一化,可以有效克服这一问题,减轻梯度噪声放大,提高算法收敛速度。

归一化 LMS 抗干扰方法权值迭代如下

$$\mathbf{w}(n+1) = \mathbf{w}(n) + \frac{\mu}{\|\mathbf{x}(n)\|^2} \mathbf{x}(n) e^*(n)$$

其中: $\mathbf{w}(n)$ 表示第 n 个时刻处理器权矢量; $\mathbf{w}(n+1)$ 表示第 $n+1$ 个时刻处理器权矢量; μ 为自适应常数; $\mathbf{x}(n)$ 表示第 n 个时刻各通道输入向量; $e^*(n)$ 表示数据估计误差复数共轭, $e(n) = d(n) - \mathbf{w}^H(n) \mathbf{x}(n)$, $d(n)$ 为第 n 个时间步的期望响应。

归一化 LMS 抗干扰方法尽管能带来好的抗干扰效果,但计算 $\mathbf{x}(n)$ 的平方欧氏范数的运算量增加显著,归一化处理过程中包含除法运算,不利于工程实现,尤其是 FPGA 实现。

2 基于 FPGA 实现的归一化空时自适应抗干扰技术

2.1 系统框图

基于 FPGA 实现的归一化空时自适应抗干扰技术,不需要计算 $\mathbf{x}(n)$ 的平方欧氏范数,不包含除法运算,通过主通道功率统计值调节步长因子,进行归一化处理,达到降低梯度噪声、提高收敛速度的目的。

基于 FPGA 实现的归一化空时自适应抗干扰技术系统原理图如图 2 所示,处理器权采集接收机各个通道收到的中频数据,支路 1 实时计算各通道输入信号功率,为简化运算或减少硬件资源占用率,可以只计算主通道或关键通道输入信号功率;支路 2 进行延时打拍形成空时二维处理结构 $\mathbf{X}(n)$, $MN \times 1$ 维向量 $\mathbf{W}(n)$ 为

$$\mathbf{W}(n) = \mathbf{W}_q - \mathbf{C}_a \mathbf{W}_a(n) \quad (1)$$

其中, M 为天线阵元个数, N 为每个通道延时打拍数; \mathbf{W}_q 表示静止权向量, $\mathbf{W}_q = \mathbf{C} (\mathbf{C}^H \mathbf{C})^{-1} \mathbf{g}$, \mathbf{C} 为约束向量预先给定, \mathbf{g} 为常向量; \mathbf{C}_a 定义为 $\mathbf{C}_a^H \mathbf{C} = \mathbf{O}$ 。

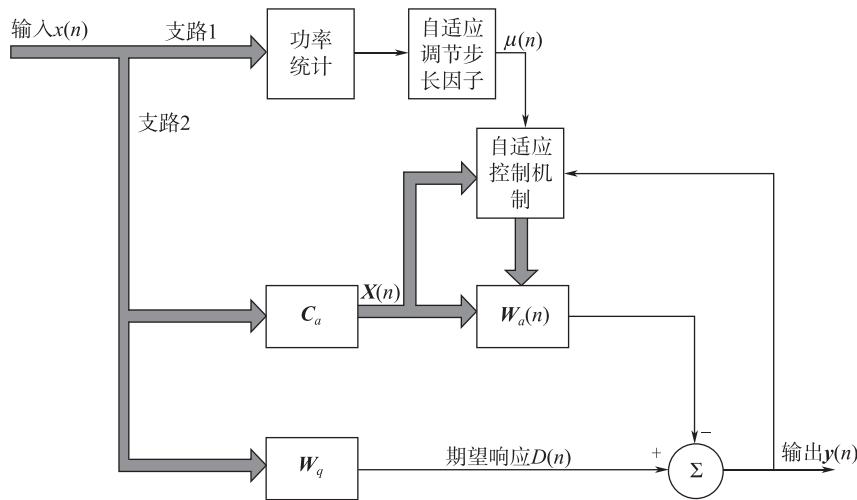


图 2 基于 FPGA 实现的归一化空时干扰技术原理图

Fig. 2 The scheme of normalized space-time adaptive anti-jamming based on FPGA

2.2 自适应步长因子调节

通过迭代法进行自适应步长因子调节，计算第 n 个时刻的步长因子 $\mu(n)$ ， $\mu(n)$ 可表示为

$$\mu(n) = a(n) \cdot \mu(1) \quad (2)$$

式中， $\mu(1)$ 为第 1 个时刻的步长因子，预先给定； $a(n)$ 为自适应调节因子，采用式(3) 选择 $a(n)$ ，使 $P'(n)$ 近似等于期望功率 P_0 ：

$$\begin{cases} a(n+1) = a(n) - \lambda \text{avg}\{\text{sgn}(a(n))(P'(n) - P_0)\} \\ P'(n) = a(n) \cdot P(n) \end{cases} \quad (3)$$

式中， $a(n)$ 表示第 n 个时刻的自动调节因子，第 1 个时刻的自动调节因子 $a(1)$ 预先给定； λ 表示 $a(n)$ 的调节步长，为预先给定的恒值； $\text{avg}\{\cdot\}$ 表示对统计长度为 $\text{sgn}(a(n))$ 的功率差的均值运算； $P'(n)$ 表示经调节后的第 n 个时刻的通道输入信号功率； P_0 为通道期望功率，依据系统硬件特性和使用环境预先给定； $P(n)$ 为第 n 个时刻的通道输入信号功率。

2.3 自适应权向量计算

采用式(4) 计算自适应权向量 $\mathbf{W}_a(n)$ ， $\mathbf{W}_a(n+1)$ 表示第 $n+1$ 个时刻的自适应权向量， $\mathbf{W}_a(n)$ 表示第 n 个时刻的自适应权向量，第 1 个时刻的自适应权矢量 $\mathbf{W}_a(1)$ 预先给定

$$\mathbf{W}_a(n+1) = \mathbf{W}_a(n) + \mu(n) \mathbf{C}_a^H \mathbf{X}(n) \mathbf{Y}^*(n) \quad (4)$$

式中， $\mathbf{Y}(n)$ 表示第 n 个时刻处理器输出。

2.4 期望响应计算

将接收机各个通道延时打拍后的中频数据 $\mathbf{X}(n)$ 与静止权向量 \mathbf{W}_q 进行乘加运算得到期望响应 $d(n)$ ， $d(n)$ ，如式(5) 所示。

$$d(n) = \mathbf{W}_q^H \mathbf{X}(n) \quad (5)$$

2.5 处理器输出计算

将接收机各个通道延时打拍后的中频数据 $\mathbf{X}(n)$ 与处理器权矢量 $\mathbf{W}(n)$ 进行乘加运算得到处理器输出 $\mathbf{Y}(n)$ ，如式(6) 所示。

$$\mathbf{Y}(n) = \mathbf{W}^H(n) \mathbf{X}(n) = d(n) - \mathbf{W}_a(n)^H \mathbf{C}_a^H \mathbf{X}(n) \quad (6)$$

3 仿真验证

仿真分析中，卫星接收天线选用实际工程应用中广泛使用的 4 阵元平面圆阵，阵元间距为卫星信号中心频率所对应的半波长，图 3 给出了阵元位置结构示意图。其中，位于坐标原点的阵元为主阵元，其余阵元间隔 120° 。

干扰信号从方位角 75° 、俯仰角 65° 入射，图 4 (a) 给出了归一化空时自适应抗干扰处理器输出 $\mathbf{Y}(n)$ 随迭代步数的变化情况；图 4 (b) 给出了归一化空时自适应抗干扰处理器输出 $\mathbf{Y}(n)$ 稳定后的干扰抑制方向图。从图 4 (a) 中可以看出，归一化空时自适应抗干扰处理器在很短的时间内即可

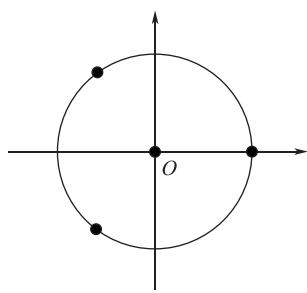


图 3 阵元阵列示意图

Fig. 3 The schematic diagram of antenna array

收敛，达到稳定状态；从图 4（b）中可以看出，方向图零陷方向与干扰来向一致。

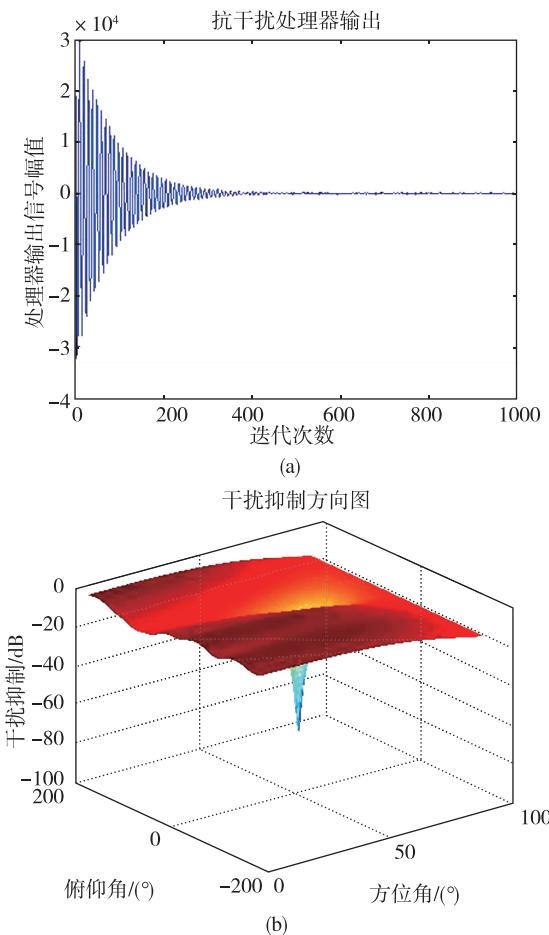


图 4 干扰抑制仿真

Fig. 4 Simulation of the anti-jamming

试验验证中，选用 4 阵元平面圆阵卫星接收天线，施加 20M 带宽 BPSK 调制类型的宽带干扰，干扰到达卫星接收天线口面的强度约为 95dB（AD 采样幅值约 ± 30000 ，即达到 16 位 AD 芯片临界

值），对采用一般空时自适应抗干扰技术和采用归一化空时自适应抗干扰技术进行对比测试，并分别对处理器输出 $Y(n)$ 进行 ChipsCope 抓图，如图 5（a）、图 5（b）所示，两种抗干扰方法都对干扰信号进行了有效抑制，处理器输出 $Y(n)$ 分别为 $-1500 \sim 1500$ 、 $-400 \sim 400$ 。图 5（a）与图 5（b）对比，可以看出采用归一化空时自适应抗干扰技术处理器输出信号（图 5（b））更平稳、幅值更小，达到了降低梯度噪声的目的，对于强干扰，噪声抑制的效果更加明显。

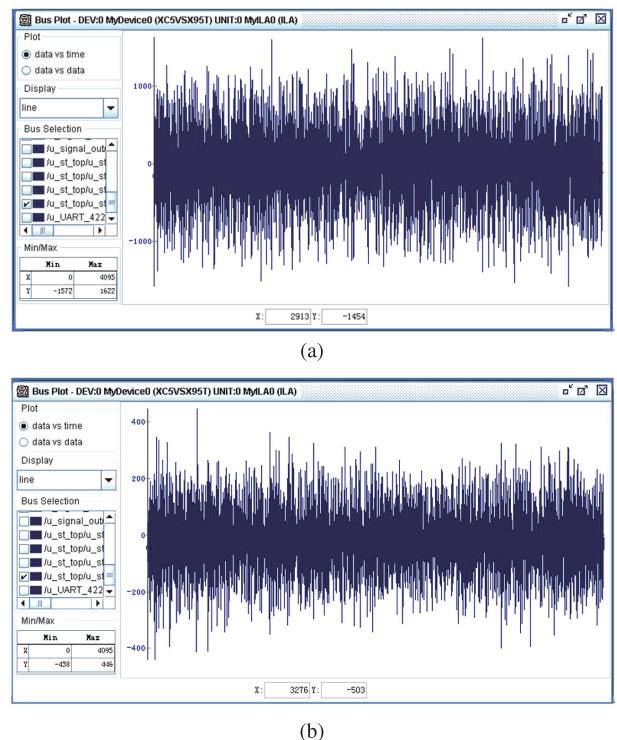


图 5 空时自适应处理器输出 ChipsCope 抓图

Fig. 5 The ChipsCope diagram of the space-time adaptive processor output

4 结论

本文提出一种基于 FPGA 实现的归一化空时自适应抗干扰技术。通过主通道功率统计值调节步长因子，达到归一化处理的目的，当 $x(n)$ 较大时，可以解决梯度噪声放大的问题，有效地提高了算法的抗干扰能力；不需要计算 $u(n)$ 的平方欧氏范数，不包含除法运算，减少了计算量，易于 FPGA 工程实现；通过计算机仿真分析和外场试验验证了该技术有效地提高了算法收敛速度和干扰

抑制能力。

参考文献

- [1] Svendsen A S, Gupta I J. Adaptive antenna for handheld GPS receivers [A]. 2010 IEEE/ION Position Location and Navigation Symposium (PLANS) [C]. IndianWells, CA, USA, 2010: 436-442.
- [2] Li M, Dempster A G, Balaei A T, et al. Switchable beam steering/null steering algorithm for CW interference mitigation in GPS C/A code receivers [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2011, 47 (3): 1564-1579.
- [3] Xiao H, Lamare R C. Reduced-rank space-time adaptive interference suppression for navigation systems based on QR decomposition and approximations of basis functions [J]. International Journal of Communication Systems, 2012, 25 (25): 616-635.
- [4] 武成峰, 彭元, 何子君, 付晶晶. 卫星导航干扰与抗干扰技术综述 [J]. 导航定位与授时, 2014, 1 (2): 57-63.
- [5] Fante R L, Vaccaro J J. Wideband cancellation of interference in a GPS receive array [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2000, 36 (2): 549-564.
- [6] Myrick W L, Goldstein J S, Zoltwski M D. Low complexity anti-jam space-time processing for GPS [A]. 2001 IEEE International Conference on Acoustics, Speech, and Signal Processing [C]. 2001: 2233-2236.
- [7] Sklar J R. Interference mitigation approaches for the global positioning system [J]. Lincoln Laboratory Journal, 2003, 14 (2): 167-180.
- [8] Werner S, With M, Koivunen V. Householder multistage wiener filter for space-time navigation receivers [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 2007, 43 (3): 975-988.
- [9] Srinivasan R, Rangaswamy M. Fast estimation of false alarm probabilities of STAP detectors the AMF [C]. Proceedings of the IEEE International Radar Conference, Arlington, VA, May 9-12, 2005.
- [10] 郭艺. GPS 接收机空时抗干扰理论与实现关键技术研究 [D]. 长沙: 国防科技大学, 2007.
- [11] Rodrigo C De Lamare, Raimundo Sampaio-Neto. Reduced-rank space-time adaptive interference suppression with joint iterative least squares algorithms for spread-spectrum systems [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2010, 59 (3): 1217-1228.
- [12] 王永良, 丁前军, 李荣锋. 自适应阵列处理 [M]. 北京: 清华大学出版社, 2009: 73-80.
- [13] 西蒙·赫金. 自适应滤波器原理 (第四版) [M]. 北京: 电子工业出版社, 2010: 251-267.