doi:10.19306/j. cnki. 2095-8110. 2021. 06. 013

# 基于虚拟地标的行人惯性 SLAM 算法

# 曹志国,熊 智,丁一鸣,李婉玲,王钰淳

(南京航空航天大学自动化学院,南京 211106)

摘 要:针对当前仅使用低成本惯性传感器的行人导航系统航向角存在较大累积误差的问题,研 究了一种只使用惯性传感器信息的虚拟地标构建方法,并通过匹配虚拟地标点对位置和航向进行 误差补偿。在此基础上,结合同时定位与建图(SLAM)方法的思想,实现了仅基于惯性传感器的 SLAM,提高了行人导航的精度和可靠导航时间。试验结果表明,该方法能够有效消除纯惯性行人 定位系统的累积误差,在2027m<sup>2</sup>的单层建筑物中空间位置误差小于10m。 关键词:行人导航;虚拟地标;光束平差法;惯性 SLAM;粒子滤波 中图分类号: V249.32+2 文献标志码:A 文章编号:2095-8110(2021)06-0096-08

# Pedestrian Inertial SLAM Algorithm Based on Virtual Landmark

CAO Zhi-guo, XIONG Zhi, DING Yi-ming, LI Wan-ling, WANG Zheng-chun

(College of Automation Engineering, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 211106, China)

**Abstract**: To address the problem of large cumulative error in the heading angle of the current pedestrian navigation system using only low-cost inertial sensors, we investigate a virtual landmark construction method using only inertial sensor information, and compensate the error of position and heading by matching virtual landmark points, based on which, combined with the idea of Simultaneous Localization And Mapping (SLAM) method, we realize the simultaneous localization and composition based on inertial sensors only, and the accuracy and reliable navigation time of pedestrian navigation are improved. The experimental results show that the proposed method can effectively eliminate the accumulated errors of the pure inertial pedestrian positioning system, and the spatial position error is less than 10 meters in a single-story building of 2027 square meters. **Key words**: Pedestrian navigation; Virtual landmark; Bundle adjustment; Inertial SLAM; Particle filter

# 0 引言

随着社会的飞速发展,日常生活以及国防等领域 对行人导航系统的需求日益增加。在室内环境下,卫 星信号由于遮挡和多路径效应不可用,无法满足室内 定位的精度需求。因此,迫切需要研究一种不依赖全 球卫星导航系统(Global Navigation Satellite System, GNSS)的室内行人导航技术。随着微机电系统(Micro-Electro-Mechanical System, MEMS)技术的发展<sup>[1]</sup>, MEMS惯性测量单元(Inertial Measurement Unit, IMU)凭借体积小、功耗低、质量小、便于携带等优 点,使得以MEMS-IMU为基础的室内行人导航方 法得到了广泛的关注和研究<sup>[2-4]</sup>。尽管如此,基于低 成本 IMU 的行人惯性导航系统航向角发散<sup>[5-6]</sup>这一

收稿日期:2021-03-15;修订日期:2021-06-04

基金项目:国家自然科学基金(61873125)

作者简介:曹志国(1997-),男,硕士研究生,主要从事行人惯性导航方面的研究。

通信作者:熊智(1976-),男,博士,研究员,主要从事惯性导航方面的研究。

关键问题尚未完全解决。

为了抑制行人惯性导航系统的航向角发散,国内 外学者已经提出了许多解决方法,其中具有代表性的 算法主要有三种[7],即启发式漂移补偿方法、基于预 设特征的方法和基于同时定位与建图(Simultaneous Localization and Mapping,SLAM)的方法。启发式 漂移补偿方法通常假定行人在室内沿着平行建筑 物内墙的方向行走[8-10],此类方法的缺点在于需要 先验地图信息,而先验地图信息往往难以获得。基 于地标的方法通过将行人运动过程中采集到的 WiFi 或磁信号与事先建立的指纹库进行匹配,辅助行人导 航系统定位[11-12],而这类指纹库需要提前部署设备, 且需要进行维护。SLAM 技术是指装载单一或多种 传感器的运动主体,在没有环境先验信息的条件下, 在运动过程中构建环境地图的同时估计自身的实时 运动[13]。近年来,随着计算机硬件处理能力的快速 提升,SLAM技术发展迅速,目前已经有多种不同框 架的 SLAM 方法<sup>[14-15]</sup>。其中, P. Robertson 等<sup>[16]</sup>将二 维平面划分成紧密拼接的六边形栅格,在估计行人位 置的同时对未知环境构建了六边形网格地图,实现了 仅依靠惯性传感器探索未知建筑物。该方法虽然可 以在一定程度上减弱航向角的漂移,但通常计算量较 大,难以满足实时定位的需求。

针对以上不足,本文提出了一种新的基于虚拟 地标的行人惯性 SLAM 算法,通过从轨迹中提取并 匹配虚拟地标点,求解最小误差位置,并以此为条 件补全虚拟地标点间的地图,即建筑中可行走的通 路,从而替换传统 SLAM 方法逐步建立的稠密地 图,以降低传统 SLAM 算法建图的迭代次数和未回 环的无效优化,提高了全局位置和地图估计精度, 消除了纯惯性行人定位系统的累积误差,实现了纯 惯性行人定位系统长时间稳定可靠导航。

# 1 算法总体框架

如图 1 所示,本文提出的基于虚拟地标的行人惯性 SLAM 算法分为两部分,分别为基于虚拟地标的 误差补偿方法和基于惯性概率地图的 SLAM 方法。

本文提出的基于虚拟地标的误差补偿方法,以 基于惯性概率地图的 SLAM 方法得出的位置估计 为输入,通过从估计轨迹中提取并匹配虚拟地标 点,求解最小误差位置,作为建图的依据。传统的 基于惯性概率地图的 SLAM 方法,在每一步更新位 置的同时对地图进行更新,导致计算量大且收敛速





Fig. 1 Inertial SLAM algorithm based on virtual landmark

度较慢。因此,本文提出的算法对此进行了简化, 将虚拟地标点视为特征点,只在特征点处更新地 图,而其他位置的地图则根据前述的最小误差位置 进行补全,在保证精度的同时降低了计算量。

# 2 基于虚拟地标的误差补偿方法

### 2.1 虚拟地标的提取

不同于传统意义上需要提前布置设备的地标, 虚拟地标从行人惯性里程计输出的航迹中提取。 本文研究只针对单层建筑中的行人惯性导航,在单 层建筑中,直角转角点是最显著的特征,因此利用 惯性传感器的信号辨识直角转角点,即本文所述的 虚拟地标点。如图2所示,蓝色线即为行人航向角 的估计值,红色线圈出的即为直角转角过程,可以 看出,转弯动作开始前的稳定航向角值与完成转弯 动作后的稳定航向角值的差值在90°左右,但转角 的动作通常不在一步之内完成,且由于传感器的测 量误差,导致转角的航向变化值会有波动。



Fig. 2 The yaw angle date during walking

因此,本文提出了一种自适应滑动窗口方法, 以辨识行人航迹中的直角转角点。根据行人在转 弯过程中航向角变化值持续较大的特点,本文先通 过设置转弯状态阈值判断行人是否处于转弯状态, 具体计算方法如式(1)所示

$$S_{k} = \begin{cases} (S_{k-1} = 0, \Delta \varphi_{k-1} < \varphi_{1} \coprod \Delta \varphi_{k} > \varphi_{1}) \vec{\mathfrak{g}} \\ (S_{k-1} = 1, \Delta \varphi_{k-1} > \varphi_{1} \coprod \Delta \varphi_{k} > \varphi_{1}) \\ 0, \quad \not{\mathfrak{g}} \end{cases}$$
(1)

其中,  $S_k$  为表征行人 k 时刻是否处于转弯状态的状态量,为1 时表示行人处于转弯状态,反之则不处于;  $\Delta \varphi_k$  表示 k 时刻航向角的变化量;  $\varphi_1$  表示转弯状态阈值,根据多次实验发现,选取  $\varphi_1 = 10^\circ$  较为合适。滑动窗口的长度为转弯状态量连续为1 的区间长度,由行人进入转弯状态到转弯状态结束的时间决定。对滑动窗口内的所有航向角变化量进行累加,即可得到完整转弯的航向角变化,如式(2)所示

$$\varphi_{\rm sum} = \sum_{S_k=1} \Delta \varphi_k \tag{2}$$

其中, φ<sub>sum</sub> 即为航向角的完整变化量, 若 φ<sub>sum</sub> 落在[80°,100°]的阈值区间,则认为滑动窗口内为 直角转角过程,且将被判定为直角转角过程中的滑 动窗口内的航向角变化序列记录下来

 $L_{\text{posi}} = (x_k, y_k), \quad k \text{ The } \Delta \varphi_k \text{ Border}$ (3)

如式(3)所示,变化值最大的时刻所在的位置 点识别为虚拟地标的位置 L<sub>posi</sub>。

# 2.2 虚拟地标的匹配

由于行人惯性里程计输出的位置存在累积误差,基于行人惯性里程计输出的位置提取出的虚拟 地标位置同样存在累积误差,即同一真实转角点对 应的虚拟地标点位置不同。因此,需要对上述的虚 拟地标点进行匹配和筛选。

为了进行虚拟地标的匹配,本文认为通过行人 惯性里程计识别出的虚拟路标点的位置是对建筑 物中真实转角点位置的观测,服从以真实转角点位 置为期望、行人惯性里程计位置误差为方差的二维 高斯分布<sup>[7]</sup>,如图 3 所示,其中红色点为真值点,黑 色圆圈表示二维高斯分布的范围。

因此,当2个不同的虚拟路标点间的直线距离 满足二维高斯分布的方差要求时,则认为2个虚拟 路标点对应同一真实路标点,此过程称为虚拟路标 点的匹配。

本文采用的匹配方法依赖阈值的选取,因此为 了尽可能避免匹配失败和误匹配的情况出现,除了 多次实验选取合适的阈值外,本文还针对短距离内 出现多个转角的复杂情况,设置了虚拟路标点的步



图 3 虚拟地标匹配示意图 Fig. 3 Virtual landmark matching schematic diagram

数区间阈值 L<sub>shl</sub>。因为行人惯性里程计的误差具 有随时间缓慢发散的特点,短距离内的匹配对定位 精度的提升有限,所以当 2 个虚拟路标点对应的步 数编号小于步数区间阈值时,则只存储先识别出的 虚拟路标点,如图 4 所示,对虚拟地标的筛选可以在 降低匹配难度的同时减小误差补偿的计算量。





#### 2.3 基于虚拟地标的误差补偿方法

光束平差法是现有视觉 SLAM 系统求解三维 空间坐标和相机位姿普遍采用的方法。虽然本文 使用的传感器为惯性传感器,但同样需要对位置误 差进行处理,因此,本文将光束平差法的思想引入 基于虚拟地标的误差补偿中。

本文首先对误差进行了数学建模。本文提出 的误差补偿方法以基于行人航位推算算法的行人 惯性里程计的输出为输入,因此采用步长航向模 型,同时为了简化计算,将位置误差近似成高斯分 布,可以得到如下的运动学模型

$$x_{k} = x_{k-1} + L_{k} \cos\varphi_{k} + e_{x,k}$$

$$y_{k} = y_{k-1} + L_{k} \sin\varphi_{k} + e_{y,k}$$
(4)

其中, k 表示步数的编号;  $L_k$  表示第 k 步的步 长;  $\varphi_k$  表示第 k 步的航向;  $e_{x,k}$  和  $e_{y,k}$  为步长和航向 估计不准确引起的位置误差。为了进一步简化位 置误差的数学模型, 令  $u_{x,k} = L_k \cos \varphi_k$ ,  $u_{y,k} = L_k \sin \varphi_k$ , 则位置误差数学模型简化为

$$e_{x,k} = x_k - x_{k-1} - u_{x,k}$$
  

$$e_{y,k} = y_k - y_{k-1} - u_{y,k}$$
(5)

当虚拟地标匹配成功时,位置误差的数学模型为

$$e_{x,1}^{m} = x_{m1} - x_{m2}$$

$$e_{x,1}^{m} = y_{m1} - y_{m2}$$
(6)

根据上述数学模型,可对行人惯性里程计输出 的步长和航向信息建立线性方程组

$$\boldsymbol{e} = \boldsymbol{A}\boldsymbol{M} - \boldsymbol{U} \tag{7}$$

其中

e =	$e_{x,1}$	$e_{y,1}$ ,	$e_{x,2}$ ,	$e_{y,2}$ ,	$e_{x,3}$ ,	e <sub>y,3</sub> ,6	${}^{m}_{x,1}$	$e_{y,1}^{m}$	,	
	(-1)	0	1	0	0	0	0	0	)	1
	0	-1	0	1	0	0	0	0	•••	2
	0	0	-1	0	1	0	0	0		3
	0	0	0	-1	0	1	0	0		4
A =	0	0	0	0	-1	0	1	0		5
	0	0	0	0	0	-1	0	1		6
	-1	0	0	0	0	0	1	0		7
	0	-1	0	0	0	0	0	1		8
	(:	÷	÷	÷	÷	÷	÷	÷	:)	÷
1	<b>M</b> = [	$\overline{x}_{0}, \gamma$	$v_0, x$	1 <b>•</b> ν1•	, x <sub>2</sub> , <sup>2</sup>	$v_{2}, x_{1}$	. ν		ТГ	

 $\boldsymbol{U} = [u_{x,1}, u_{y,1}, u_{x,2}, u_{y,2}, u_{x,3}, u_{y,3}, 0, 0, \cdots]^{\mathrm{T}}$ 

其中,假设  $(x_0, y_0)$  和 $(x_3, y_3)$  为匹配的 2 个 虚拟地标点,则第 7、8 行为虚拟地标匹配时所增加 的行,其余行以此类推,为了使得误差最小,即

$$\frac{d(e e)}{dM} =$$

 $\Rightarrow \frac{\mathrm{d}(\boldsymbol{M}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{A}\boldsymbol{M} - \boldsymbol{M}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{U} - \boldsymbol{U}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{A}\boldsymbol{M} + \boldsymbol{U}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{U})}{\mathrm{d}\boldsymbol{M}} = 0$ 

 $\Rightarrow \boldsymbol{M}_{\rm op} = (\boldsymbol{A}^{\rm T} \boldsymbol{A})^{-1} \boldsymbol{A}^{\rm T} \boldsymbol{U}$ (8)

其中, *M*<sub>op</sub> 为使得全局位置误差最小的位置矢量, 也即是误差补偿后的位置矢量。

由上述算法的特性可知,在虚拟地标匹配计算 后,虚拟地标位置点之前的路径都会得到修正,即可 用修正后的位置求得修正后的航向角,如式(9)所示

$$\varphi'$$
 =

$$\begin{cases} \arcsin \frac{y'_{2} - y'_{1}}{\|(x'_{1}, y'_{1}) - (x'_{2}, y'_{2})\|}, x'_{2} \ge x'_{1} \\ \pi - \arcsin \frac{y'_{2} - y'_{1}}{\|(x'_{1}, y'_{1}) - (x'_{2}, y'_{2})\|}, x'_{2} < x'_{1} \end{cases}$$
(9)

其中,  $(x'_1, y'_1)$  和 $(x'_2, y'_2)$  为进入转角前的 2 个修正后的位置点,  $\varphi'$ 即为修正后的航向角, 再加 上完整转角过程的航向角变化量  $\Delta \varphi_o$ , 即可得到当 前航向角的近似修正  $\varphi_n$ , 如式(10)所示

$$\varphi_{n} = \varphi' + \Delta \varphi_{o} \tag{10}$$

# 3 基于虚拟地标的惯性 SLAM 方法

## 3.1 惯性概率地图

由于虚拟地标点的稀疏性,前述方法只在虚拟 地标这些离散点有效,而无法作用于行人行走的全 过程。为了解决该问题,本文引进了基于惯性概率 地图的方法。

基于惯性概率地图的方法最早由德国宇航中 心的 P. Robertson 等<sup>[16]</sup>提出,该方法首先将行人惯 性导航问题建模成动态贝叶斯网络,如图 5 所示。



图 5 行人惯性导航动态贝叶斯网络图

Fig. 5 Pedestrian inertial navigation dynamic Bayesian network

其中, P 为位置变量;U 为步长矢量;Z 为 IMU 的量测;Map 为地图变量。

根据动态贝叶斯网络模型,行人惯性导航问题可 以建模成 SLAM 问题,即将惯性传感器测量到的数 据视为观测,估计以该观测为条件的其他状态量的联 合概率分布。针对 SLAM 问题已有多种较为成熟的 框架,作为其中一种基于粒子滤波器的 SLAM 框架, FastSLAM 将地图看成由许多不同地标组成,并假设在 已知机器人运动路径的前提下,2个不同地标的估计条 件独立。因此,行人惯性导航的概率估计可分解为 (11)

 $p(P_{0;k}U_{0;k}, M | Z_{1;k}^{U})$   $\underline{Bayes} p(M | \{PU\}_{0;k}Z_{1;k}^{U}) \bullet p(\{PU\}_{0;k} | Z_{1;k}^{U})$   $\underline{FastSLAM} p(M | P_{0;k}) \bullet p(\{PU\}_{0;k} | Z_{1;k}^{U})$ 

根据式(11),位置和地图的联合条件分布可以 分解成构图问题和定位问题。针对构图问题,可将 二维地图栅格化,可以使用三角形、矩形或六边形 作为栅格形状,而在 60°的离散角度分割下可认为 行人各个方向行走的概率是独立的,所以将栅格形 状选为六边形。针对定位问题,利用动态贝叶斯网 络的特点,可分解为

$$p(\{PU\}_{0,k} | Z_{1,k}^{U}) \propto p(Z_{k}^{U} | U_{k}) \bullet$$

$$p(\{PU\}_{k} | \{PU\}_{0,k-1}) \bullet$$

$$p(\{PU\}_{0,k-1} | Z_{1,k-1}^{U}) \quad (12)$$

其中, *p*(*Z<sup>U</sup>*<sub>k</sub>|*U<sub>k</sub>*)为量测概率,表示在已知步长矢 量真值的情况下行人惯性里程计测量出的步长矢量的 条件概率分布,可通过实验预先确定;而*p*({*PU*}<sub>k</sub>| {*PU*}<sub>0,k-1</sub>)表示已知前一时刻位置和步长矢量,当前 时刻的位置和步长矢量的条件概率,则需要结合当前 地图的估计,即式(11)中的*p*(*M*|*P*<sub>0,k</sub>)进行计算。 地图的估计表征当前位置各方向可通行的概率,在具 体实现时,通过六边形栅格每条边的计数值表示,计 数值越大可通行的概率越高,每当行人的步长矢量穿 过某条边时,对于边的计数值加一,即所谓的穿边计 数。行人穿过六边形各条边的先验概率都相同,因此 假设穿边概率服从狄利克雷分布,推导可得

$$p(\{PU\}_k \mid \{PU\}_{0,k-1}) \propto \left\{ \frac{C_h^{\epsilon} + \alpha_h^{\epsilon}}{C_h^{T} + \alpha_h^{T}} \right\}$$
(13)

其中, C<sup>\*</sup><sub>h</sub> 表示行人当前步长矢量所穿过边的 穿边计数; C<sup>T</sup><sub>h</sub> 表示被穿边所在六边形栅格所有边的 总穿边计数; α<sup>\*</sup><sub>h</sub> 和 α<sup>T</sup><sub>h</sub> 为预设的狄利克雷分布参数。

## 3.2 基于虚拟地标的惯性 SLAM 算法

由 3.1 节的假设可知,地图的估计仅与位置的 时间序列相关,又因为将地图划分成六边形栅格, 对于地图的估计可以表示为地图中每个六边形栅 格的估计的乘积,即

$$p(M \mid P_{0,k}) = \prod_{h=0}^{N_H - 1} p(M_h \mid P_{0,k}) \qquad (14)$$

其中,  $h(h=0,1,...,N_H-1)$ 表示六边形栅格 的编号。传统的 FootSLAM 算法中,地图与位置序 列实时相关,而本文使用基于虚拟地标的增量稀疏 地图代替实时稠密地图,仅在转角点处更新地图, 两转角点间的地图可根据 2.3 节中求得的最小误差 矢量进行补齐。而 3.1 节定位问题的推导只用了六 边形栅格各条边概率满足狄利克雷分布的假设,本 文依然采用六边形栅格,故3.1节的推导仍然成立。 算法流程如图6所示。





传统的 FastSLAM 算法通过粒子滤波器实现, 由于本文算法是基于 FastSLAM 算法框架的改进, 因此本文算法也使用了粒子滤波器。本文算法的 输入为行人惯性里程计每一步输出的步长和航向 变化量,首先进行建议分布采样,通过对航向变化 量加入高斯白噪声实现,由此生成一定数量的粒 子;然后进行粒子权重更新,根据当前粒子的步长 矢量与栅格地图的穿边关系更新粒子的权重;更新 权重后进行位置估计,即对所有粒子按照概率分布 求得期望;求得期望之后,要判断粒子方差是否超 出重采样阈值,若超出则认为权重小的粒子偏离估 计值,因此舍弃权重较小的粒子,复制权重大的粒 子进行补充,以保持粒子的总数目不变。同时,将 前述求得的期望位置作为已知轨迹输入到基于虚 拟地标的误差补偿中,若此时检测出虚拟地标,且 与之前行走过程中存储的虚拟地标匹配,则进行全 局误差估计,并更新惯性概率地图,否则不对惯性 概率地图进行更新。这样在不损失地图对可通行 区域的表达的前提下,简化了地图的构建过程,同 时也减少了非必要的粒子更新计算。

# 4 实验

为了验证基于虚拟地标的惯性 SLAM 算法的 有效性,在南京航空航天大学自动化学院的 5 楼进 行了室内实验。如图7所示,该路线全长约1214m, 包括3个房间的行人路径,起始位置和结束位置是 同一点。



Fig. 7 The experiment environment and designed path

本文使用的惯性里程计<sup>[17]</sup>经过行人航位推算 算法处理后输出的每一步的航向和步长数据为本 文算法的输入,其位置误差约为5%,航向角漂移约 为5.4(°)/min,由于行人惯性里程计初始处理过程 不是本文要讨论的内容,故不再进行详细阐述。

如图 8 所示,蓝色线为在上述实验路线下重复 5 圈的行人惯性里程计原始轨迹,红色圆圈所在位 置为本文算法识别出的虚拟地标点。从图 8 中可以 看出,本文的虚拟地标识别方法准确识别出了 5 圈 轨迹中的共计 69 个直角转角点,本文算法对识别出 的虚拟地标点进行了进一步的筛选,结果如图 8(b) 所示。

从图 8 中可以看出,通过 2.2 节所述对较小范 围内出现的多个转角点进行筛选,图 8(a)红色圈中 的 4 个地标点只保留图 8(b)红色圈中的 1 个。





图 8 基于行人惯性里程计原始轨迹的虚拟地标提取 Fig. 8 Virtual landmark extraction based on original trajectory of pedestrian odometer

根据筛选出的 30 个虚拟地标点,采用基于虚拟 地标的误差补偿方法计算得到图 9(a)中的绿色曲 线,即为修正后的 5 圈轨迹。在实验中发现,基于虚 拟地标的误差补偿方法只在虚拟地标点处进行全 局修正,导致行人行走于离散虚拟地标点间时误差 仍随时间发散,而基于虚拟地标的 SLAM 算法则可 以解决这一问题。图 9(a)中的红色曲线为基于虚 拟地标的 SLAM 算法计算得到的轨迹,可以看出, 基于虚拟地标的 SLAM 算法得到的曲线更加平滑, 且误差更小。图 9(b)为基于虚拟地标的惯性 SLAM 算法得到的六边形地图,六边形的边颜色表 示该边的穿边概率,可以看出,六边形栅格概率高 的边组成的通路与真实环境一致。

为了定量比较两种算法的效果,本文需要选择 相应的位置点计算轨迹误差。由于图 9(a)中紫色 圈中的两点(0,0)和(61.8,32.8)是实验路径中距 离最长的两点,且这两点没有用于补偿算法的计 算,因此本文选择这两点作为计算的基准点。





Fig. 9 Experiment results of two algorithms

利用本文的虚拟地标提取方法,对行人惯性里 程计原始轨迹和两种算法处理过的轨迹进行处理, 得到表1所示每条轨迹每圈中两点的对应地标点位 置坐标。

表 1 用于误差评估的虚拟地标点位置 Tab. 1 Virtual landmark points' location for error evaluation

圈数/圈	行人惯性里程计 原始轨迹	基于虚拟地标 的补偿算法	基于虚拟地标 的 SLAM 算法
1	(66.1, 28.1)	(66.6,27.6)	(66.6,27.6)
1	(1.1, 14.5)	(-0.1, 4.1)	(-0.2, -0.8)
0	(71.9,18.1)	(68.9, 25.9)	(67.4, 26.4)
2	(0.5, 28.5)	(-1.0, 5.1)	(-1.2, 0.6)
0	(69.3, 7.5)	(70.0, 25.5)	(65.8, 27.8)
3	(6.9, 39.4)	(-0.3, 1.8)	(0.7, -3.2)
4	(67.8, -3.3)	(68.8,26.2)	(64.5, 28.1)
4	(17.1,44.9)	(-0.8, 2.8)	(-1.0,0)
-	(58.3, -12.0)	(68.3, 26.1)	(66.8, 27.5)
Ð	(28.3, 47.4)	(-0.5, 4.0)	(-0.1, -1.6)

计算每圈的位置误差,如图 10 所示。从图 10 中可以看出,行人惯性里程计原始轨迹的位置误差 随时间发散,而两种算法修正后的轨迹位置误差稳 定在一定范围内,其中,基于虚拟地标的 SLAM 算 法的位置误差要优于仅基于虚拟地标的算法。

图 10 所示为所有误差评估点的平均误差变化, 而在行人定位算法中也常用终点位置误差来评估精 度,若仅考虑终点位置误差,三者分别为 55.20m、 4.08m 和 1.61m,相对误差分别为 4.6%、0.3% 和 0.1%,可以看出,基于虚拟地标的 SLAM 算法仍然 是精度最高的。

基于虚拟地标的惯性 SLAM 算法中采用了基



Fig. 10 The curve of position error with the number of rounds

于蒙特卡罗方法的粒子滤波器,具有一定的随机 性,故本文对上述行人惯性里程计的数据进行了 100次的重复处理,并计算了这 100次处理的 5 圈 位置误差的平均值,如图 11 所示。其中,基于虚拟 地标的惯性 SLAM 算法平均位置误差始终小于 10m。而由图 10可知,仅基于虚拟地标的误差补偿 算法的平均位置误差为 11.1m,因此基于虚拟地标 的惯性 SLAM 算法的平均位置误差始终优于仅基 于虚拟地标的误差补偿算法,且其小于 9m 的概率 为 97%。



图 11 基于虚拟地标的惯性 SLAM 算法位置误差分布 Fig. 11 Position error distribution of inertial SLAM algorithm based on virtual landmark

# 5 结论

针对当前仅使用 MIMU 的行人导航系统航向 角存在较大累积误差的问题,提出了基于虚拟地标 的惯性 SLAM 算法。本文算法可以在行人行走过 程中,利用行人惯性里程计输出的航向和步长信息 识别出虚拟地标点,即直角转角点,当行人重复经 过同一直角转角点时,即可对轨迹进行修正,同时 对航向角的漂移误差进行补偿。在此基础上,引入 SLAM 的思想,在估计位置的同时建立六边形栅格 地图,进一步提高了算法的估计精度和实用性。最后,通过实验验证了本文算法在 2027.04m<sup>2</sup> 的单层 建筑物中空间位置误差小于 10m。

本文提出的基于虚拟地标点的惯性 SLAM 算 法尚具有以下局限性:1)虚拟地标点仅限于直角转 角点,算法只适用于处理二维平面的运动;2)基于 虚拟地标的误差补偿方法构造的最小二乘方程计 算复杂度随时间递增。在后续的研究中,将进一步 丰富虚拟地标点的种类,将算法推广到三维空间, 且对最小二乘方程的计算进行优化,降低其计算复 杂度,同时将基于虚拟地标点的惯性 SLAM 算法应 用于行人实时导航中。

#### 参考文献

- [1] 房建成,张霄,李建利. 一种 MEMS 陀螺标度因数误差补偿方法[J]. 航空学报, 2010, 31(2): 350-355.
  Fang Jiancheng, Zhang Xiao, Li Jianli. A compensation method for MEMS gyro scale factor error[J].
  Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2010, 31 (2): 350-355(in Chinese).
- [2] Ren M, Guo H, Shi L, et al. Indoor pedestrian navigation based on conditional random field algorithm
   [J]. Micromachines, 2017, 8(11): 320.
- [3] Ju H, Young P S, Gook P C. A smartphone-based pedestrian dead reckoning system with multiple virtual tracking for indoor navigation [J]. IEEE Sensors Journal, 2018, 18: 6756-6764.
- [4] Wang Q, Cheng M, Noureldin A, et al. Research on the improved method for dual foot-mounted inertial/magnetometer pedestrian positioning based on adaptive inequality constraints Kalman filter algorithm[J]. Measurement, 2019, 135: 189-198.
- [5] Hölzke F, Wolff J-P, Golatowski F, et al. Low-complexity online correction and calibration of pedestrian dead reckoning using map matching and GPS[J].
   Geo-spatial Information Science, 2019, 22(1): 1-14.
- [6] Woodman O J, Woodman C. An introduction to inertial navigation [J]. Journal of Navigation, 2007, 9 (3): 249.
- [7] Estefania M D, Maria C, Francisco S. Landmarkbased drift compensation algorithm for inertial pedes-

trian navigation[J]. Sensors, 2017, 17(7): 1555.

- [8] Jimenez A R, Seco F, Zampella F, et al. Improved Heuristic Drift Elimination (iHDE) for pedestrian navigation in complex buildings[C]// Proceedings of International Conference on Indoor Positioning & Indoor Navigation. IEEE, 2011.
- [9] Aggarwal P, Thomas D, Ojeda L, et al. Map matching and heuristic elimination of gyro drift for personal navigation systems in GPS-denied conditions[J]. Measurement Science & Technology, 2011, 22(2): 500-502.
- [10] Borenstein J, Ojeda L. Heuristic drift elimination for personnel tracking systems[J]. Journal of Navigation, 2010, 63(4): 591-606.
- [11] Moreira A, Nicolau M J, Meneses F, et al. Wi-Fi fingerprinting in the real world-RTLS@UM at the EvAAL competition[C]// Proceedings of International Conference on Indoor Positioning & Indoor Navigation. IEEE, 2015.
- [12] Gozick B, Subbu K P, Dantu R, et al. Magnetic maps for indoor navigation[J]. IEEE Transactions on Instrumentation and Measurement, 2011, 60(12): 3883-3891.
- Maskell S, Gordon N. A tutorial on particle filters for on-line nonlinear/non-Gaussian Bayesian tracking [C]// Proceedings of Target Tracking : Algorithms and Applications (Ref. No. 2001/174). IEE. IET, 2001.
- [14] Garcia-Puyol M, Bobkov D, Robertson P, et al. Pedestrian simultaneous localization and mapping in multistory buildings using inertial sensors[J]. IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems, 2014, 15(4): 1714-1727.
- [15] Kaiser S, Lang C. Integrating moving platforms in a SLAM algorithm for pedestrian navigation[J]. Sensors, 2018, 18(12): 4367.
- [16] Robertson P, Angermann M, Krach B, et al. Simultaneous localization and mapping for pedestrians using only foot-mounted inertial sensors[C]// Proceedings of International Conference on Ubiquitous Computing. Orlando Florida, USA, 2009.
- [17] Ding Y, Xiong Z, Li W, et al. Pedestrian navigation system with trinal-IMUs for drastic motions[J]. Sensors, 2020, 20(19): 20195570.