doi:10.19306/j.cnki.2095-8110.2023.01.006

## 顾及频间偏差的 GNSS 多频非组合 PPP 变形监测

潘 林1,李选平1,2,戴吾蛟1,余文坤1

(1. 中南大学地球科学与信息物理学院,长沙 410083;2. 长沙金维信息技术有限公司系统设计部,长沙 410000)

摘 要:精密单点定位(PPP)技术有望解决长距离、大范围等监测场景难以找到稳定基准点的难题。现代化的全球卫星导航系统(GNSS)卫星纷纷开始播发多频信号,多频观测值融合理论上可提升 PPP 变形监测性能。为了充分利用多频冗余观测数据,详细研究了每个频点的差分码偏差(DCB)和全球定位系统(GPS)存在的相位频率间卫星钟偏差(PIFCB)的改正方法,扩展了多频数据处理的严密理论模型,能够灵活处理 GPS 三频、Galileo 五频和 BDS-3 五频观测数据。多频 PPP 振动监测实验结果表明,GPS 三频 PPP、BDS-3 五频 PPP、Galileo 五频 PPP 较各自双频 PPP 位移监测精度可分别提升 12%、13%和 14%,表明多频 PPP 技术有利于提升 PPP 位移监测精度与稳定性。

# Deformation Monitoring with GNSS Multi-Frequency Uncombined PPP Considering Inter-Frequency Biases

PAN Lin<sup>1</sup>, LI Xuanping<sup>1,2</sup>, DAI Wujiao<sup>1</sup>, YU Wenkun<sup>1</sup>

(1. School of Geosciences and Info-Physics, Central South University, Changsha 410083, China;

2. System Design Department, Changsha Jinwei Information Technology Co., Ltd., Changsha 410000, China)

**Abstract:** Precise Point Positioning(PPP) technology is expected to solve the problem that it is difficult to find a stable reference point in long-distance and large-scale monitoring scenarios. With the development of Global Navigation Satellite System(GNSS), there is an emerging situation that the new-generation GNSS satellites are operating with multiple frequencies. Theoretically, the multi-frequency integration can improve the performance of deformation monitoring with PPP. In order to make full use of the multi-frequency redundant observation data, the correction method of the Differential Code Bias(DCB) of each frequency and the Phase Inter-Frequency Clock Bias(PIF-CB) existing in GPS is studied in detail. The correction method extends the rigorous theoretical model of multi-frequency data processing, which can flexibly process GPS triple-frequency, Galileo five-frequency and BDS-3 five-frequency observation data. The results of the multi-frequency PPP vibration monitoring experiment show that the vibration displacement accuracy of GPS triple-frequency PPP, BDS-3 five-frequency PPP and Galileo five-frequency PPP. Thus, the multi-frequency integration is beneficial to improve the accuracy and stability of PPP displacement monitoring.

基金项目:国家自然科学基金(41904030);湖南省自然科学基金(2020JJ5706)

作者简介:潘林(1989-),男,博士,副教授,主要从事 GNSS 精密定位及其地学应用、变形监测与变形分析方面的研究。

**收稿日期**: 2022-11-28;修订日期: 2023-01-05

**Key words**: Deformation monitoring; Precise point positioning; Multi-frequency data processing; Global navigation satellite system

## 0 引言

变形是指结构体在受到自身或外界条件影响 下,其大小、形状或空间位置在时空域发生变化。 变形是自然界非常普遍的现象,从区域范围(如地 球板块、城市地面、滑坡、边坡及矿区等)到精密工 程建筑(如大坝、桥梁、高层建筑及隧道等),任何事 物无时无刻不在发生形变,而当这些结构体形变量 超过自身最大承受范围时,会发生严重的灾害事 故,破坏人民生命财产安全和生存环境。变形监测 技术即是通过特定仪器或方法对结构体进行持续 性或周期性观测,并根据观测结果掌握结构体形变 规律和形变规模,从而进行相应的预测、预报和预 警工作,减少人员伤亡和经济损失。自 20 世纪 90 年 代以来,全球卫星导航系统(Global Navigation Satellite System, GNSS)相对定位技术以其全天候、自动 化、高精度等优点,广泛应用于火山、崩塌、滑坡、地面 沉降、地裂缝、大坝、桥梁及高楼等结构体的形变监测 中,并取得了丰硕的研究成果;但相对定位技术要求 在基准点和监测点上进行同步观测,这样会增加作业 成本,影响作业效率。同时,相对定位的精度也会随 着监测点与基准点距离的增加而降低,这对超大范围 监测服务功能提出了挑战。对于地震、地壳形变这种 特大范围的监测,相对定位技术存在一些缺陷,例如 双差构建基线进行网平差时矩阵维数庞大、运算效率 低,使用 GAMIT/GLOBK 等高精度数据处理软件对 专业知识要求较高。同时,受限于现实的地质条件、 交通、电力和通信状况,监测区域内甚至可能难以布 设稳定的、观测环境良好的基准点。

另外一种 GNSS 高精度定位方式,即精密单点 定位(Precise Point Positioning, PPP)技术,是指利 用国际 GNSS 服务(International GNSS Service, IGS)等组织发布的精密卫星轨道与钟差产品,依靠 单台接收机即可实现大地测量高精度定位<sup>[1]</sup>。PPP 技术建立了全球全天候无缝的高精度定位、导航与 授时(Positioning Navigation and Timing, PNT)服 务,在 GNSS 精密定轨与定位、精密授时、地震预 警、气象预测及精准农业等方面具有重要的应用价 值。在 GNSS 变形监测领域, PPP 技术无须依靠监 测基准点即可获得长时间静态 mm 级、动态 cm 级 的高精度定位结果,相较于相对定位技术,具有单 站作业成本低、方便高效、不依赖基准点、适合长距 离和大范围监测的优势。因此,PPP 技术在结构体 变形监测领域具有广阔的应用前景。

近年来,国内外学者对 GNSS PPP 变形监测技术 开展了研究。王利等<sup>[2]</sup>利用 PPP 技术对滑坡从稳 定、开始滑动直至产生破坏的全过程监测数据进行处 理与分析,并与载波相位实时动态(Real-Time Kinematic,RTK)监测结果进行了对比。结果表明,经过 0.5h 初始化后,GPS PPP 技术动态监测结果的内符 合精度约为10mm,外符合精度约为40mm。匡翠林 等<sup>[3]</sup>提出了利用 PPP 技术监测高楼风振效应,在振 动频率、位移和加速度信息上取得了与相对定位一 致的结果,但是动态 PPP 精度仍受限,未能较好反 映变形信息的伪静态部分。王炜栋等<sup>[4]</sup>基于 BDS PPP 技术进行超高层建筑变形监测,研究表明,监 测 1h 以上,水平方向定位精度可达 1cm,垂直方向 精度可达 2cm。李黎等<sup>[5]</sup>在对矿山变形监测分析中 发现,2h以上的静态 PPP 定位可满足 mm 级精度, 而动态 PPP 定位还只能获得 cm 级的定位精度。卞 和方<sup>[6]</sup>研究了区域增强 PPP 在矿区变形监测中的应 用,结果表明,经过4h的连续观测,即可获得mm级 的定位精度。吴萧楠等<sup>[7]</sup>将动态 PPP 技术应用于塞 文大桥变形监测上,对监测点 PPP 形变量和频谱进 行分析,结果表明 PPP 技术可以应用于桥梁变形监 测中,但精度和稳定度上较相对定位技术要差一些。 张耕等[8]通过整数钟模糊度固定法对某桥梁数据进 行 PPP 固定解解算,研究表明 PPP 固定解优于 PPP 浮点解。Geng J. 等<sup>[9]</sup>研究了 GPS/GLONASS PPP 固定解与地震仪融合在地震位移监测中的应用,发现 PPP 固定解技术能够将位移噪声降低约 60%,更好 地减弱噪声功率谱的不利影响。随后,Geng J. 等[10] 基于卫星轨道重复周期滤波消除多路径影响,位移噪 声谱密度得到进一步减小。

近年来,全球卫星导航系统取得了迅速发展。 美国的 GPS 从 Block IIF 卫星开始播发第 3 个频率 L5 信号。俄罗斯的 GLONASS 从 K 代卫星开始更 改信号调制方案为码分多址结构,并播发第 3 个频 率 G3 信号。我国自主研发的 BDS 目前可用信号 包含 B11/B31(BDS-2+BDS-3)、B21(BDS-2)、B1C/ B2a/B2b/B2a+b(BDS-3)七频信号。截至目前,欧 盟 Galileo 能够播发 5 个频率的信号观测值,包括 E1、E5a、E5b、E5a+b、E6。随着各卫星系统的蓬勃 发展,各系统将提供三频甚至更多频率的观测信 息,这为多频数据处理的研究创造了实际条件。多 频观测值在周跳探测、高阶电离层延迟消除、加快 PPP 的收敛速度及提高模糊度固定率与可靠性等 方面具有重要优势。与此同时,一些变形监测区域 的观测环境并不是很好,例如山坡/滑坡、基坑和矿 山,有很大区域的卫星信号被遮挡,导致可能出现 卫星数不够的情况。此时,多频观测值的利用有利 于增强复杂环境下的 GNSS 定位性能。

据此,本文对 GNSS 多频非组合 PPP 变形监测 技术开展了深入研究,重点分析了融合使用多频数 据时伪距频间偏差与相位频间偏差的影响,并给出 了相应的改正方法,构建了严密的 GNSS 多频非组 合 PPP 变形监测模型,最后利用多频 PPP 振动监 测实验进行了验证。

#### 1 GNSS 多频非组合 PPP 变形监测模型

#### 1.1 多频非组合 PPP 数学模型

以往 IGS 等机构的数据处理及产品服务都是基 于双频无电离层组合,即钟差产品基准定义为无电离 层组合伪距偏差为零,这导致了国内外众多学者都以 双频无电离层为主要研究思路。随着各卫星系统能 够播发 3~6 频观测值,各种无电离层组合带来的效 果也不尽相同,此时再进行多种无电离组合带来的效 果也不尽相同,此时再进行多种无电离组合排列就比 较复杂。而非组合模型以原始观测值为基本处理单 元,能够最大限度保留观测信息,灵活兼容各类应用 需求,是多频 PPP 最为简易、适用的数据处理模型。 因此,本文从非组合模型出发开展多频 PPP 研究,扩 展出一个完善的多频非组合 PPP 函数模型,灵活处 理各个频率观测值,提高观测信息冗余。

在非组合模型中,每个频点伪距和载波观测方 程如下

$$\begin{cases} P_{r,i}^{s} = \rho_{r}^{s} + c \, dt_{r} - c \, dt^{s} + T_{r}^{s} + \\ \gamma_{i} I_{r}^{s} + b_{r,i} + b_{i}^{s} + \varepsilon (P_{r,i}^{s}) \\ L_{r,i}^{s} = \rho_{r}^{s} + c \, dt_{r} - c \, dt^{s} + T_{r}^{s} - \gamma_{i} I_{r}^{s} + \\ N_{r,i}^{s} + B_{r,i} + B_{c,i}^{s} + B_{v,i}^{s} + \varepsilon (L_{r,i}^{s}) \end{cases}$$
(1)

式中,s,r,i分别表示卫星、接收机和频率,P、 L分别为测码伪距与载波相位观测值; $\rho$ 是接收机 至卫星间的空间几何距离; $c dt_r$ 、 $c dt^s$ 分别为接收机 钟偏差和卫星钟偏差;T表示倾斜对流层延迟; $\gamma_i$  = $f_1^2/f_i^2$ 表示第*i*个频率电离层延迟系数,*f*是载波频率;*I*表示L1/B1/E1频率上的斜向电离层延迟; *N*表示相位模糊度;*b*,*b*<sup>\*</sup>分别为接收机端和卫星端伪距硬件延迟;*B*,为接收机端相位硬件延迟; *B*<sup>\*</sup><sub>c</sub>,*B*<sup>\*</sup>分别为卫星端相位硬件延迟的稳定部分和时变部分; *c*是多路径误差和未被模型化的测量噪声。

由于 IGS 分析中心进行精密卫星钟差估计时 采用无电离层(Ionospheric-Free,IF)组合伪距和相 位观测值,以伪距观测值作为绝对卫星钟差基准, 相位观测值决定了卫星钟差历元间相对精度。因 此,估计出的卫星钟差产品中常常吸收了 IF 组合的 卫星端伪距硬件延迟和卫星端相位硬件延迟时变 部分(稳定部分仍被模糊度吸收,不可分离)。IGS 精密卫星钟差产品具体表达如下<sup>[11]</sup>

$$c dt_{\text{IF},12}^{s} = c dt^{s} - (a_{12,1}b_{1}^{s} + a_{12,2}b_{2}^{s}) - (a_{12,1}B_{v,1}^{s} + a_{12,2}B_{v,2}^{s}) = c dt^{s} - b_{\text{IF},12}^{s} - B_{v,\text{IF},12}^{s}$$
(2)  
$$\vec{x} \oplus, a_{12,1} = \frac{f_{1}^{2}}{f_{1}^{2} - f_{2}^{2}}, a_{12,2} = -\frac{f_{2}^{2}}{f_{1}^{2} - f_{2}^{2}} \not \exists \text{ IF}$$

组合中2个频率观测值系数。

当使用 IGS 分析中心提供的精密轨道和钟差 产品后,对卫星和接收机天线相位中心偏差及变 化、卫星天线相位缠绕、萨奈克效应、相对论效应、 地球潮汐、对流层干延迟等误差进行模型改正,可 以将观测方程线性化为误差方程

$$\begin{cases}
p_{r,i}^{s} = \boldsymbol{\mu}_{r}^{s} \boldsymbol{X}_{r} + c \, dt_{r} + m_{r}^{s} \boldsymbol{Z}_{r} + \boldsymbol{\gamma}_{i} \boldsymbol{I}_{r}^{s} + b_{r,i} + \\
b_{i}^{s} - b_{IF,12}^{s} - B_{v,IF,12}^{s} \\
l_{r,i}^{s} = \boldsymbol{\mu}_{r}^{s} \boldsymbol{X}_{r} + c \, dt_{r} + m_{r}^{s} \boldsymbol{Z}_{r} - \boldsymbol{\gamma}_{i} \boldsymbol{I}_{r}^{s} + N_{r,i}^{s} + \\
B_{r,i} + B_{c,i}^{s} + B_{v,i}^{s} - b_{IF,12}^{s} - B_{v,IF,12}^{s}
\end{cases}$$
(3)

式中, *p* 和*l* 分别是伪距和相位观测值减去计 算值(Observed-Minus-Computed, OMC); *µ* 是每 个卫星与接收机的视线方向向量; *X* 是接收机三维 位置参数; *m* 是每颗卫星对流层湿延迟投影函数; *Z* 是接收机天顶方向对流层湿延迟参数。

值得注意的是,各频率上的伪距、相位硬件延迟绝对值不可量测,如果忽略这些硬件延迟的影响,会严重影响 PPP 定位性能表现。目前,GNSS数据处理中常常通过频率间差分硬件延迟进行校正,包括常见的差分码偏差(Differential Code Bias, DCB)P1-C1、P2-C2和 P1-P2。但这只是针对精密卫星钟差估计时使用的前2个频率观测值,对于第三频及以上频率的观测值,其硬件延迟需要进一步仔细考虑,其中主要包括频率间卫星钟偏差(Inter-Frequency Clock Bias,IFCB)和伪距频间偏差问题。

只有将这2个问题考虑完善后,才能真正体现多频 冗余数据带来的定位性能增益。

## 1.2 多频伪距频间偏差改正

如式(2)所述,IGS分析中心进行精密卫星钟差 估计时常常吸收了卫星端 IF 组合的伪距和相位硬 件延迟,由于解算过程中接收机钟差参数与接收机 硬件延迟的相关性,接收机钟差也会吸收接收机端 IF 组合的伪距硬件延迟,即

$$c d t_{r} = c dt_{r} + (a_{12,1}b_{r,1} + a_{12,2}b_{r,2})$$
(4)  
=  $c dt_{r} + b_{r,F,12}$ 

同时接收机端剩余的伪距硬件延迟(非 IF 组合 部分)和卫星端时变相位硬件延迟会耦合至电离层 延迟参数中,则第一频点上的电离层延迟被重参数 化为

$$\bar{I}_{r}^{s} = I_{r}^{s} - a_{12,2}(b_{r,2} - b_{r,1}) + a_{12,2}(B_{v,2}^{s} - B_{v,1}^{s})$$
(5)

联合式(4)和式(5),并忽略时变相位偏差对伪 距观测值的影响,多频数据处理中式(3)可以简化为

$$\begin{cases} p_{r,i}^{s} = \boldsymbol{\mu}_{r}^{s} \boldsymbol{X}_{r} + c \operatorname{d} t_{r} + m_{r}^{s} \boldsymbol{Z}_{r} + \\ \gamma_{i} \boldsymbol{I}_{r}^{s} + \alpha_{\mathrm{UC},i}^{s} \\ l_{r,i}^{s} = \boldsymbol{\mu}_{r}^{s} \boldsymbol{X}_{r} + c \operatorname{d} \boldsymbol{t}_{r} + m_{r}^{s} \boldsymbol{Z}_{r} - \\ \gamma_{i} \boldsymbol{I}_{r}^{s} + \boldsymbol{N}_{r,i}^{s} + \beta_{\mathrm{UC},i}^{s} \end{cases}$$

$$(6)$$

$$\alpha_{\mathrm{UC},i}^{s} = \begin{cases} a_{12,2} \cdot DCB^{s}(P_{1}, P_{2}) & i = 1 \\ -a_{12,1} \cdot DCB^{s}(P_{1}, P_{2}) & i = 2 \\ a_{12,2} \cdot DCB^{s}(P_{1}, P_{2}) - DCB^{s}(P_{1}, P_{i}) & i \ge 3 \end{cases}$$

$$\beta_{\mathrm{UC},i}^{s} = \begin{cases} 0 & i = 1 \\ 0 & i = 2 \\ -a_{12,2} \cdot (1 - \gamma_{2}/\gamma_{2})B^{s} + a_{12,2}(\gamma_{2} - 1)B^{s} + B^{s} + i \ge 3 \end{cases}$$

$$(7)$$

$$N_{r,i}^{s} = N_{r,i}^{s} + B_{r,i} + B_{c,i}^{s} - b_{r,IF,12} - (9)$$
  
$$b_{IF,12}^{s} + \gamma_{i}a_{12,2} \cdot DCB_{r}(P_{1}, P_{2})$$

式中,  $\alpha_{UC,i}$  是第*i*个频率上伪距观测值应进行的 频间码偏差改正,即DCB改正;  $\beta_{UC,i}$  是第*i*个频率上 相位观测值应进行的频间相位偏差改正,其成分更为 复杂,具体改正方法见1.3节;  $\overline{N}_{r,i}^{s}$  是吸收了伪距与 相位硬件延迟的浮点模糊度。目前,中国科学院 (Chinese Academy of Sciences, CAS)测量与地球物理 研究所和德国宇航中心(Deutsches Zentrum für Luftund Raumfahrt, DLR)每天提供特定版本的DCB产 品<sup>[12-13]</sup>,其中CAS 播发的DCB产品信号更全。

为了探究 DCB 对 PPP 解算结果的影响,对使 用 DCB 产品改正和不使用 DCB 改正的 GPS 三频 PPP、BDS-3 五频 PPP 和 Galileo 五频 PPP 解算结 果进行比较。图 1 绘制了 DGAR 测站 2021 年 11 月 12 日这两种情形下的 PPP 动态定位误差序列。 DGAR 测站为多 GNSS 实验(Multi-GNSS Experiment,MGEX)测站,支持跟踪 GPS 三频、BDS-3 五 频和 Galileo 五频信号。从图 1 可以看出,对于非组 合多频解算,不改正 DCB 会影响前期收敛速度,因 为伪距频间偏差被吸收到电离层延迟参数中,导致 接收机钟差和电离层参数相关,影响定位收敛时 间。但是由于伪距观测值权值较小,与相位观测值 权比为 100:1,因此伪距观测值存在的频间偏差不 会影响最终的定位精度。其中,BDS-3 的 DCB 数值 最大,对 PPP 定位结果影响超过了 GPS 和 Galileo。



图 1 DGAR 测站改正 DCB 与不改正 DCB 的 GPS 三频 PPP、BDS-3 五频 PPP 和 Galileo 五频 PPP 定位误差序列 Fig. 1 Epoch-wise position errors of GPS triple-frequency PPP, BDS-3 five-frequency PPP and Galileo five-frequency PPP with and without DCB corrections at station DGAR

### 1.3 频率间卫星钟偏差改正

如式(2)所示,IGS分析中心进行精密卫星钟差 估计时常常吸收了 IF 组合的伪距和相位硬件延迟。 而当使用其他 2 个频率(如 L1/L3) IF 组合观测值 进行精密卫星钟差估计时,则会吸收 L1/L3 上的相 应伪距和相位硬件延迟

$$c dt_{\text{IF},13}^{*} = c dt^{*} - (a_{13,1}b_{1}^{*} + a_{13,2}b_{3}^{*}) - (a_{13,1}B_{v,1}^{*} + a_{13,2}B_{v,3}^{*})$$
(10)  
$$\vec{x} \oplus, a_{13,1} = \frac{f_{1}^{2}}{f_{1}^{2} - f_{3}^{2}}, a_{13,2} = -\frac{f_{3}^{2}}{f_{1}^{2} - f_{3}^{2}} \not \text{b IF}$$

组合中2个频率观测值系数。

这时,两种不同组合观测值估计的钟差之间由 于各频点上的硬件延迟而存在差异。L1/L2 IF 组 合计算的卫星钟差与由 L1/L3 IF 组合计算的卫星 钟差差异值称为频率间卫星钟偏差,具体组成成分 如下

$$\theta_{\rm IFCB} = c \, dt^{\rm s}_{\rm IF,13} - c \, dt^{\rm s}_{\rm IF,12} = (a_{12,1}b^{\rm s}_{1} + a_{12,2}b^{\rm s}_{2}) - (a_{13,1}b^{\rm s}_{1} + a_{13,2}b^{\rm s}_{3}) + (a_{12,1}B^{\rm s}_{\rm v,1} + a_{12,2}B^{\rm s}_{\rm v,2}) - (a_{13,1}B^{\rm s}_{\rm v,1} + a_{13,2}B^{\rm s}_{\rm v,3}) = \theta_{\rm CIFCB} + \theta_{\rm PIFCB}$$
(11)

式中, $\theta_{CIFCB}$  是伪距相关 IFCB(Code-specific IFCB,CIFCB); $\theta_{PIFCB}$  是相位相关 IFCB(Phase-specific IFCB,PIFCB)。CIFCB 数值在 1 天内很稳定, 在 1.2节中已通过 DCB 考虑了其影响。有许多学 者经过细致的研究发现,GPS 和 BDS-2 第三频率上 存在明显的 PIFCB,而 Galileo、BDS-3、QZSS 卫星 上的 PIFCB 不显著<sup>[14]</sup>。其中,GPS PIFCB 最大,最 大值可达 2dm 以上,因此在使用 GPS 第三频率观 测值解算时,需要认真考虑频率间卫星钟偏差的 影响。

在本文中,采用三频无几何距离无电离层(Geometry-Free and Ionospheric-Free,GFIF)相位组合 提取出高精度的 GPS PIFCB,其原理为

 $GFIF = (a_{12,1}L_1 + a_{12,2}L_2) - (a_{13,1}L_1 + a_{13,2}L_3)$ =  $(a_{12,1}B_{v,1}^s + a_{12,2}B_{v,2}^s) - (a_{13,1}B_{v,1}^s + a_{13,2}B_{v,3}^s) + N_{r,GFIF}^s + B_{r,GFIF} + B_{c,GFIF}^s$ =  $\theta_{PIFCB} + N_{r,GFIF}^s + B_{r,GFIF} + B_{c,GFIF}^s$  (12)

式中, N<sup>\*</sup><sub>r,GFIF</sub>、B<sub>r,GFIF</sub>、B<sup>\*</sup><sub>e,GFIF</sub>分别为GFIF中的 相位模糊度、接收机端相位硬件延迟和卫星端相位 硬件延迟稳定部分。

在没有周跳的平滑弧段内,对 GFIF 相位组合 观测值采用历元间差分的策略,消除 GFIF 模糊度、 接收机端相位硬件延迟和卫星端相位硬件延迟稳 定部分,剩下的即是相位硬件延迟时变部分<sup>[15]</sup>,但 这同时也会引入一个秩亏问题。本文中,将 1 天内 第一个历元的 PIFCB 设置为 0,通过累加方法依次 估计出该天内剩余历元的 PIFCB 序列。值得注意 的是,这样估计出的 PIFCB 会存在一个系统性偏差,但该偏差在参数估计过程中可以被吸收到模糊 度参数中,不会影响 PPP 坐标参数的估计精度<sup>[16]</sup>。

基于全球 280 个 MGEX 跟踪站数据估计出能 够提供三频信号 GPS 卫星的 PIFCB。图 2 绘制了 2021 年 11 月 7 日 5 颗 GPS 卫星(G01、G06、G09、G25、G27) 的 PIFCB 估值序列。从图 2 可以明显看出,GPS 卫 星具有很强的 PIFCB,最大值超过 1dm,5 颗卫星的 PIFCB 均方根(Root-Mean-Square,RMS)统计值分 别为 7.2cm、6.0cm、4.8cm、3.7cm、3.6cm。



Fig. 2 Time series of PIFCB estimates for GPS satellites

联合式(8)和式(11),可以推导出如下公式

$$\beta_{\rm UC,3}^{\rm s} = -\theta_{\rm PIFCB}/a_{13,2} \tag{13}$$

式中,β<sub>uc.s</sub>为第 3 个频率(GPS L5)上相位观测值应进行的频间相位偏差改正;θ<sub>PIFCB</sub>为根据式 (12)估计得到的 PIFCB。因此,根据式(13),就可 以利用 2 个双频消电离层组合估计得到的 PIFCB, 对 GPS 三频非组合 PPP 进行 PIFCB 校正。需要注 意的是,尽管 PIFCB 估计使用 GFIF 三频相位组合 观测值,并且采用历元间差分策略,但根据误差传 播定律,当地面跟踪站数量较多时,PIFCB 估值精 度要优于相位观测值精度,具体推导过程见 Pan L. 等<sup>[17]</sup>。根据式(13),进一步应用 PIFCB 序列改正 非组合相位观测值时,根据误差传播定律,相应改 正值精度进一步提升,并不会放大非组合相位观测 值的噪声。

为了探究 PIFCB 对 GPS 三频 PPP 定位结果的 影响,对使用 PIFCB 改正产品和不使用 PIFCB 改 正产品的三频 PPP 解算结果进行比较分析。图 3 绘制了 DGAR 测站 2021 年 11 月 12 日这两种情形 下的 GPS 三频 PPP 动态定位误差序列。从图 3 可 以看出,对于非组合三频解算,改正 PIFCB 后东方 向和高程方向定位精度有显著提升。



图 3 DGAR 测站改正 PIFCB 与不改正 PIFCB 的 GPS 三频 PPP 定位误差序列



## 2 多频 PPP 变形监测性能评估

## 2.1 数据解算策略

为了分析多频 PPP 技术在实际振动监测中的性能表现,在中南大学地科楼楼顶和新校区操场搭建了 1个基准站和 1 个流动站(天线安装在振动台上)进 行振动实验。这 2 个站点周围环境开阔,相距不超过 500m。基准站搭配了北云接收机和北云 BY-500 天 线,流动站搭建方式如图 4 所示,使用了 TRIMBLE ALLOY 接收机和北云 BY-400 天线,能够支持 GPS L1/L2/L5 三频、Galileo E1/E5A/E5B/E5(A+B)/E6 五频及 BDS-3 B1/B3/B1C/B2a/B2b 五频信号。



图 4 流动站示意图 Fig. 4 Experimental setup for rover station

数据采集时间为 2021 年 10 月 24 日,采样间隔 1s,数据时长大约 50min,前 35min 流动站天线处于 静止状态,随后随振动台一起产生 3 次垂直方向振 动。振动台每次振动前保持约 3min 的静止状态, 随后每次振动持续约 90s。流动站观测到的 GPS (G)、BDS-3(C)、Galileo(E)卫星数目及天空分布图

如图 5 和图 6 所示,平均观测到 8 颗 GPS 卫星,其 中 G16、G22、G29、G31 卫星播发 L1/L2 双频信号, G03、G25、G26、G32 卫星播发 L1/L2/L5 三频信 号,平均观测到 5 颗 Galileo 卫星和 11 颗 BDS-3 卫 星,均能播发五频信号。为探究多频数据对位移监 测精度的影响,按照前面介绍的方法进行频率间卫 星钟偏差和多频伪距频间偏差校正,对振动数据分 别进行非组合双频与多频 PPP 动态解算,包括 GPS、 BDS-3、Galileo 双频解算和 GPS 三频、BDS-3 五频、 Galileo 五频解算。在 PPP 动态解算时,模糊度参数 作为浮点解估计,其中 GPS 收敛时间约为 31min, BDS-3 收敛时间约为 28min, Galileo 收敛时间约为 30min,振动情况下的 PPP 动态解是收敛后的定位 结果。为了评估 PPP 结果的准确性,也进行 RTK 精密相对定位解算,作为参考真值。值得注意的是, 由于观测时间较短,使用 PPP 静态技术估计国际地 球参考框架(International Terrestial Reference Frame, ITRF)下的基准站坐标精度不够,因此RTK技术解算 ITRF 框架下的流动站坐标与 PPP 解算的流动站坐 标存在系统性偏差。为了更加清晰对比这两种技 术在振动情况下的细微差异,将RTK与PPP解算



Fig. 5 Number of visible satellites at rover station





的流动站定位结果序列去除各自的均值坐标(各振 动时间段内),提取出振动位移序列。

## 2.2 振动状态下的多频 PPP 位移监测结果分析

图 7 展示了 3 次振动情况下 GPS 单系统双频 和三频非组合 PPP 动态解算结果。值得注意的是, 在这 50min 的短时间观测内,原始 PPP 动态坐标精 度不会达到很高,但是从图 7 可以看出,PPP 技术 与 RTK 技术一样,同样能够准确地识别出高频 cm 级振动位移。其原因可能是,在这 2min 短时间、cm 级小范围高频振动下,PPP 对流层参数、电离层参 数、模糊度参数都是稳定的,变化量可以忽略,这时 观测值的变化只能引起接收机坐标参数和接收机 钟差参数的变化。因此,PPP 技术能够准确识别出 振动情形下的位移变化,将 PPP 技术应用于高楼、 桥梁等振动监测情形下是可行的,特别在大范围地 震、高层建筑和跨海大桥等振动监测中,PPP 技术





在第二次振动和第三次振动时,GPS单系统三频 PPP 较双频 PPP 定位结果表现更优。以 RTK 定位结果作为真值,统计了 3 次振动下双频和三频 PPP 的位移监测精度。第一次振动时,GPS 双频 PPP 位移精度为 16.3mm,三频 PPP 位移精度为 14.4mm,相比较而言,三频 PPP 较双频 PPP 位移监测精度提升了 12%。第二次振动时,GPS 双频 PPP 和三频 PPP 位移精度分别为 20.2mm 和 17.5mm,三频相对 双频位移监测精度提升了 13%。第三次振动时,GPS 双频 PPP 和三频 PPP 位移精度分别为 25.3mm 和

22.2mm, 三频相对双频位移监测精度提升了 12%。 综合 3 次振动表现来看, GPS 单系统非组合三频 PPP 较双频 PPP 在振动情形下位移监测精度平均能够提升 12%, 多频观测值有利于提升 PPP 技术在振动监测领 域内的监测精度与可靠性。

图 8 展示了 3 次振动情况下 BDS-3 单系统双 频和五频非组合 PPP 动态解算结果。相较于 GPS PPP 定位表现而言, BDS-3 PPP 结果整体表现更 优,与 RTK 结果差异更小,位移精度在 10mm 左 右。第一次振动时, BDS-3 双频 PPP 位移精度为 10.5mm,五频 PPP 位移精度为 7.9mm,相比较而 言,五频 PPP 较双频 PPP 位移精度提升了 25%。第 二次振动时, BDS-3 双频 PPP 和五频 PPP 位移精度 分别为 9.2mm 和 8.8mm,五频相对双频提升了 4%。 第三次振动时, BDS-3 双频 PPP 和五频 PPP 位移精 度分别为 9.8mm 和 8.8mm,五频相对双频位移精度 提升了 10%。综合 3 次振动表现来看, BDS-3 单系统 非组合五频 PPP 较双频 PPP 在振动情形下位移监测 精度平均能够提升 13%。



Fig. 8 Displacements derived by BDS-3 dual-frequency and five-frequency uncombined PPP for three vertical vibration tests

图 9 展示了 3 次振动情况下 Galileo 单系统双频 和五频非组合 PPP 动态解算结果。可以看出,Galileo PPP 结果优于 GPS PPP 结果,次于 BDS-3 PPP 结果。 在第二次振动时,Galileo PPP 定位结果产生了漂移, 到第三次振动时,漂移效果更加严重。第一次振动 时,Galileo 双频和五频 PPP 位移监测精度都为 9.1mm。而第二次振动时,Galileo 双频 PPP 和五频 PPP 位移精度分别为 14.0mm 和 10.8mm,五频相对 双频位移精度提升了 23%。第三次振动时,Galileo 双频 PPP 和五频 PPP 位移监测精度分别达到 21.1mm 和 17.3mm,五频相对双频位移精度提升了 18%。 综合 3 次振动表现来看,Galileo 单系统非组合五频 PPP 较双频 PPP 在振动情形下位移监测精度平均 能够提升 14%,多频观测值引入有利于提升 PPP 位 置解算稳定性,减弱位移监测结果漂移。



五频非组合 PPP 位移图

Fig. 9 Displacements derived by Galileo dual-frequency and five-frequency uncombined PPP for three vertical vibration tests

## 2.3 静止状态下的多频 PPP 位移监测结果分析

选取 3 次振动前 170s 静止状态下的观测数据, 对比分析了 GNSS 多频 PPP 和双频 PPP 在未发生振 动阶段的位移监测精度。表 1 给出了 3 个静止时间 段 GPS、BDS-3 与 Galileo 单系统双频和多频非组合 PPP 垂直方向位移序列 RMS 统计值。从表 1 结果可 知,GPS 三频 PPP 较双频 PPP 在 3 次静止状态下的 位移 监测 精 度 分 别 提 高 了 1.9mm、0.3mm 和 0.8mm,BDS-3 五频 PPP 较双频 PPP 在 3 次静止 状态下的位移监测精度分别提高了0.2mm、4.1mm

## 表 1 3 个静止时间段 GNSS 双频和多频非组合 PPP 垂直 方向位移序列 RMS 统计值

 Tab. 1
 RMS statistics of vertical displacement time series derived by GNSS dual-frequency and multi-frequency uncombined PPP for three time spans without vibration

 mm
 mm

时间段 -	GPS		BDS-3		Galileo	
	双频	三频	双频	五频	双频	五频
第一次静止	22.1	20.2	10.6	10.4	16.3	15.6
第二次静止	15.8	15.5	18.2	14.1	25.0	20.5
第三次静止	18.4	17.6	6.4	5.7	15.0	10.0

和 0.7m, Galileo 五频 PPP 较双频 PPP 在 3次静止 状态下的位移监测精度分别提高了 0.7mm、 4.5mm 和 5.0mm。综上来看, 各系统多频 PPP 较 双频 PPP 在静止状态下的位移监测精度均有所提 升, 表明多频观测值也有利于提高 PPP 技术在静态 监测场景下的监测精度与可靠性。

## 3 结论

本文基于非组合模型扩展了多频 PPP 数据处 理的严密理论模型,分析了每个频点 DCB 以及 GPS PIFCB 的影响和改正方法,研究表明,改正完 DCB、PIFCB后,多频 PPP 定位性能得到显著改善。 基于振动台装置模拟振动实验,结果表明,PPP 技 术应用于高楼、桥梁等振动监测情形下是可行的, 特别在大范围地震、高层建筑和跨海大桥等振动监 测中,PPP 监测技术将更有优势。多频数据处理结 果也表明,在振动监测场景下,GPS 单系统三频 PPP 较双频 PPP 位移监测精度能够提升 12%, BDS-3 单系统五频 PPP 较双频 PPP 位移监测精度 能够提升 13%, Galileo 单系统五频 PPP 较双频 PPP 位移监测精度能够提升 14%。在静态监测场 景下,各系统多频 PPP 较双频 PPP 位移监测精度 也均有所提升。得益于更多的测量冗余,多频 PPP 技术有利于提升 PPP 位移监测精度与稳定性以及 提高 PPP 技术应用在振动监测领域的可行性。

### 参考文献

- [1] Zumberge J F, Heflin M B, Jefferson D C, et al. Precise point positioning for the efficient and robust analysis of GPS data from large networks[J]. Journal of Geophysical Research: Solid Earth, 1997, 102(B3): 5005-5017.
- [2] 王利,张勤,黄观文,等. GPS PPP 技术用于滑坡监测的试验与结果分析[J]. 岩土力学,2014,35(7): 2118-2124.

Wang Li, Zhang Qin, Huang Guanwen, et al. Experiment results and analysis of landslide monitoring by using GPS PPP technology[J]. Rock and Soil Mechanics, 2014, 35(7): 2118-2124(in Chinese).

[3] 匡翠林,易重海,戴吾蛟,等.GPS 精密单点定位方 法监测高层建筑风致响应[J].中南大学学报:自然 科学版,2013,44(11):4588-4596.

> Kuang Cuilin, Yi Zhonghai, Dai Wujiao, et al. Measuring wind-induced response characteristics of tall building based on GPS PPP method[J]. Journal of Central South University(Science and Technology),

2013, 44(11): 4588-4596(in Chinese).

- [4] 王炜栋,王明孝.基于 BDS PPP 技术的超高层建筑 变形监测[J].全球定位系统,2019,44(6):58-62.
  Wang Weidong, Wang Mingxiao. Deformation monitoring of super high-rise buildings based on BDS PPP[J]. GNSS World of China, 2019,44(6):58-62(in Chinese).
- [5] 李黎,龙四春,王潜心,等.基于精密单点定位技术的矿山变形监测分析[J].测绘科学,2014,39(6):70-73.

Li Li, Long Sichun, Wang Qianxin, et al. Analysis of mining deformation monitoring based on PPP technology [J]. Science of Surveying and Mapping, 2014, 39(6): 70-73(in Chinese).

- [6] 卞和方.区域增强 PPP 技术及其在矿区变形监测应用研究[D]. 徐州:中国矿业大学, 2013.
  Bian Hefang. Regional augmentation-based precise point positioning and its application in mining monitoring deformation[D]. Xuzhou: China University of Mining and Technology, 2013(in Chinese).
- [7] 吴萧楠,何秀凤,何丽娜,等.精密单点定位技术的 塞文大桥变形监测[J].测绘科学,2020,45(11): 41-47.

Wu Xiaonan, He Xiufeng, He Lina, et al. Deformation monitoring of Severn bridge based on precise point positioning technology [J]. Science of Surveying and Mapping, 2020, 45(11): 41-47(in Chinese).

 [8] 张耕,赵言,黎慕韩,等.利用 PPP 固定解提取桥梁变形的可行性分析[J].测绘通报,2015(6): 57-60.

> Zhang Geng, Zhao Yan, Li Muhan, et al. Feasibility analysis of using PPP fixed solutions for extracting bridge deformation [J]. Bulletin of Surveying and Mapping, 2015(6): 57-60(in Chinese).

- [9] Geng J, Jiang P, Liu J. Integrating GPS with GLO-NASS for high-rate seismogeodesy[J]. Geophysical Research Letters, 2017, 44(7): 3139-3146.
- [10] Geng J, Pan Y, Li X, et al. Noise characteristics of high-rate multi-GNSS for subdaily crustal deformation monitoring[J]. Journal of Geophysical Research: Solid Earth, 2018, 123(2): 1987-2002.
- [11] Pan L, Zhang X, Li X, et al. GPS inter-frequency clock bias modeling and prediction for real-time precise point positioning[J]. GPS Solutions, 2018, 22(3): 1-15.
- [12] Montenbruck O, Hauschild A, Steigenberger P. Differential code bias estimation using multi-GNSS observations and global ionosphere maps[J]. Navigation-US, 2014, 61(3): 191-201.
- [13] Wang N, Yuan Y, Li Z, et al. Determination of differential code biases with multi-GNSS observations
   [J]. Journal of Geodesy, 2016, 90(3):209-228.
- [14] Zhang F, Chai H, Wang M, et al. Considering interfrequency clock bias for GLONASS FDMA+ CDMA precise point positioning[J]. GPS Solutions, 2023, 27(1): 1-11.
- [15] Li H, Zhou X, Wu B. Fast estimation and analysis of the inter-frequency clock bias for Block IIF satellites[J]. GPS Solutions, 2013, 17(3): 347-355.
- [16] Pan L, Zhang X, Li X, et al. Characteristics of interfrequency clock bias for Block IIF satellites and its effect on triple-frequency GPS precise point positioning [J]. GPS Solutions, 2017, 21(2): 811-822.
- [17] Pan L, Zhang X, Guo F, et al. GPS inter-frequency clock bias estimation for both uncombined and ionospheric-free combined triple-frequency precise point positioning[J]. Journal of Geodesy, 2019, 93(4): 473-487.

(编辑:孟彬)