doi:10.19306/j.cnki.2095-8110.2024.01.005

# 密林环境空地协同 GNSS/UWB 快速高精度定位技术

王星星<sup>1,2</sup>,张子腾<sup>1,2,3</sup>,盛传贞<sup>1,2</sup>,蔚保国<sup>1,2</sup>,张京奎<sup>1,2</sup>,易卿武<sup>1,2</sup>

(1. 中国电子科技集团公司第五十四研究所,石家庄 050081;
2. 卫星导航系统与装备技术国家重点实验室,石家庄 050081;
3. 东南大学仪器科学与工程学院,南京 210096)

摘要:针对密林中卫星信号遮挡难以实现快速高精度定位的问题,提出了一种密林环境空地协同全球卫星导航系统/超宽带(GNSS/UWB)高精度定位方法。该方法综合考虑无人机平台在空旷环境快速运动与超宽带的强穿透性测量等特征,通过无人机携带GNSS/UWB集成化载荷,以移动单基站模拟多基站,配合密林中UWB标签组网测距,完成密林中UWB标签定位。对基站布设方案展开研究,为密林环境下空地协同GNSS/UWB快速高精度定位技术应用提供基站布设指导和依据,并且利用密林环境下实测测距实验+仿真定位实验对提出的方法进行验证。结果表明,所述方法可有效实现密林环境下的快速高精度定位,精度达到分米级,并且通过优选基站布设网型、范围及高度可有效提高定位精度,为密林环境下快速高精度定位方法提供了理论支撑。

**中图分类号:**P228 文献标志码:A 文章编号:2095-8110(2024)01-0053-12

## Air-ground collaborative GNSS/UWB fast high-precision positioning technology in dense forest environments

WANG Xingxing<sup>1,2</sup>, ZHANG Ziteng<sup>1,2,3</sup>, SHENG Chuanzhen<sup>1,2</sup>, YU Baoguo<sup>1,2</sup>, ZHANG Jingkui<sup>1,2</sup>, YI Qingwu<sup>1,2</sup>

(1. The 54th Research Institute of CETC, Shijiazhuang 050081, China;

State Key Laboratory of Satellite Navigation System and Equipment Technology, Shijiazhuang 050081, China;
 School of Instrument Science and Engineer, Southeast University, Nanjing 210096, China)

**Abstract:** An air-ground collaborative GNSS/UWB high-precision positioning method for dense forest environments is proposed, aiming to address the challenges of satellite signal obstruction, and achieve fast and accurate positioning. The method takes into consideration the characteristics of unmanned aerial vehicle (UAV) platforms in open environments with rapid movements and the strong penetration capabilities of ultra-wideband (UWB) measurements. It utilizes a UAV e-quipped with an integrated GNSS/UWB payload to simulate multiple base stations, combined with UWB tag network ranging in the dense forest to achieve UWB tag positioning. Research on the base station deployment scheme is conducted, providing guidance and basis for the application of GNSS/UWB cooperative positioning technology in dense forest environments. It verifies the proposed method through field ranging experiments and simulation positioning experiments in dense forest environments. The simulation results demonstrate that the proposed method can effectively achieve fast and high-precision positioning in dense forest environments, with an accuracy of deci-

作者简介:王星星(1995—),女,硕士,助理工程师,主要从事 GNSS 高精度定位方面的研究。

收稿日期: 2023-09-18;修订日期: 2023-11-27

meter level. By optimizing the network type, coverage range, and height of the base station deployment, the positioning accuracy can be effectively improved, thus providing theoretical support for fast and high-precision positioning methods in dense forest environments.

**Key words**: High-precision positioning; Air-ground collaboration; Dense forest environment; Ultra-wideband; Base station configuration

## 0 引言

现阶段,位置服务的获取主要依赖于全球卫星导 航系统(global navigation satellite system, GNSS)。 而在密林环境中,由于受地形和冠层的影响,卫星 信号遮挡严重,观测值噪声大,多路径效应明显<sup>[1]</sup>; 此外,密林区域常常地处偏僻地区,通信受阻,使得 卫星定位无法满足诸如森林资源管理、野外救援、 森林巡护、边界与面积测量等应用的高精度定位 需求<sup>[2]</sup>。

近年来,超宽带(ultra-wideband, UWB)作为 一种新型的高精度无线交汇定位技术出现,利用极 窄脉冲传输,具有强穿透性和抗多径能力,适用于 开阔区、半遮蔽区、遮蔽区高精度定位[3-5]。目前, UWB 定位技术已广泛应用于室内定位,但需提前 在特定位置安装部署基站,对于临时定位场景来说 使用不便且成本高昂。空旷环境下,无人机平台可 快速运动,按需部署,由于其高度灵活,在应急环境 下常作为空中基站与地面用户建立连接[6-8],利用无 人机携带 UWB 布设可移动基站成为新的思路。有 学者提出利用无人机携带 GNSS/UWB 移动基站辅 助定位。文献「9]提出了一种融合 GNSS/UWB 的协 同定位算法,在城市复杂环境下将 UWB 技术应用于 车辆协同导航定位,精度达到分米级。文献[10]提出 了一种 UWB 增强的车辆协同定位方法,通过现场实 验生成真实数据集验证了方法的可靠性。文献[11] 利用无人机搭载 GNSS/UWB,配合地面界址点,按照 单机绕飞、多点组网测距的方式完成界址点定位。可 见,无人机结合 GNSS/UWB 的技术具有很多潜在价 值,在密林环境下,综合考虑无人机平台在空旷环境 快速运动与超宽带的强穿透性测量等特征,利用无人 机搭载 GNSS/UWB 集成化载荷作为空中基站,理论 上可实现林中标签高精度定位,为密林环境下高精度 定位需求提供服务。

在此背景下,密林环境 GNSS/UWB 定位技术 成为一项重要研究课题。本文提出了一种密林环 境空地协同 GNSS/UWB 快速高精度定位技术,通 过无人机携带 GNSS/UWB 集成化载荷,以移动单 基站模拟多基站,配合密林中 UWB 标签组网测距, 完成密林中 UWB 标签定位,针对运动载体,进一步 提出位移辅助的定位方法。利用密林环境下实测 测距实验+仿真定位实验对提出的方法进行验证, 首先,在测试区域内对无人机基站布设方案展开研 究;其次,通过实测实验分析密林环境下 UWB 测距 误差;最后,设计仿真定位实验,统计定位精度。

## 1 定位模型

#### 1.1 空地协同的系统构成与原理

目标进入密林后,由于卫星信号遮挡难以定 位,利用搭载GNSS/UWB集成化载荷的无人机在 密林上空空旷区域飞行,以移动单基站模拟多基 站,建立可移动UWB测距网络,搜索密林中UWB 标签信号,锁定UWB基站可布设区域,具体布设区 域如图1(a)所示。图1(b)展示了空地协同定位原 理,在密林上空,通过GNSS星基增强实时动态精 密单点定位(precise point positioning-real time kinematic, PPP-RTK)技术对基站位置实时标定,获 取基站位置;在密林中,通过UWB测距系统进行测 距,获取距离观测值。以基站位置和UWB测距量 为原始观测值,基于空间后方交会原理构建观测方



(a) 基站布设区域示意



(b) 空地协同定位原理

图 1 无人机基站布设区域示意及空地协同定位原理 Fig. 1 Schematic of UAV base station deployment area and air-ground collaborative positioning principle

程,通过最小二乘算法<sup>[12]</sup>求解得到密林中 UWB 标 签的绝对位置。

#### 1.2 定位模型

基于空地协同定位原理建立观测方程如下

 $L_n = \sqrt{[X_n - x_n]^2 + [Y_n - y_n]^2 + [Z_n - z_n]^2}$  (1) 式中,  $(X_n, Y_n, Z_n)$  表示无人机基站位置;  $L_n$  表示 UWB 测量距离;  $(x_n, y_n, z_n)$  表示目标标签求解位 置; n 表示基站序号(根据无人机移动的时间先后顺 序编号)。

对于静态载体,  $(x_n = x, y_n = y, z_n = z)$  恒定 不变, 无人机基站位置直接使用 PPP-RTK 标定的坐 标  $(\overline{X}_n, \overline{Y}_n, \overline{Z}_n)$ , 即  $X_n = \overline{X}_n, Y_n = \overline{Y}_n, Z_n = \overline{Z}_n$ ; 而 对于动态载体,  $(x_n, y_n, z_n)$  时刻变化, 可通过动态载 体的位移( $\Delta x_n, \Delta y_n, \Delta z_n$ ) 建立联系, 具体表示如下

$$\begin{cases} x_n = x, y_n = y, z_n = z, \quad n = 1 \\ x_n = x + \Delta x_n, \\ y_n = y + \Delta y_n, \quad n > 1 \\ z_n = z + \Delta z_n, \end{cases}$$
(2)

式中, (x, y, z) 表示 n = 1 对应时刻载体的初始位置,将式(2)代入式(1),位移辅助的动态定位观测 方程如下

$$L_{n} = \sqrt{[X_{n} - x]^{2} + [Y_{n} - y]^{2} + [Z_{n} - z]^{2}} \left| \begin{cases} X_{n} = \overline{X}_{n}, Y_{n} = \overline{Y}_{n}, Z_{n} = \overline{Z}_{n}, & n = 1 \\ X_{n} = \overline{X}_{n} - \Delta x_{n}, Y_{n} = \overline{Y}_{n} - \Delta y_{n}, Z_{n} = \overline{Z}_{n} - \Delta z_{n}, & n > 1 \end{cases} \right|$$

$$(3)$$

式中,无人机基站位置为通过 PPP-RTK 标定的坐标和载体位移建立的虚拟坐标。

为降低定位计算复杂度,使用最小二乘法求解 待测点坐标,其函数模型为 As = b,其中,A 为系数 矩阵,b 为观测向量,s 为未知参数向量,本文中对应 载体位置 (x,y,z)。对公式在  $s = s_0 | x = x_0, y = y_0, z = z_0$ 处线性化,线性化之后观测方程表示为

$$L_{n} = \overline{L}_{n} + \frac{x_{0} - X_{n}}{\overline{L}_{n}} dx + \frac{y_{0} - Y_{n}}{\overline{L}_{n}} dy +$$

$$\frac{z_{0} - Z_{n}}{\overline{L}_{n}} dz + \delta$$
(4)

式中

$$\overline{L}_n = \sqrt{[X_n - x_0]^2 + [Y_n - y_0]^2 + [Z_n - z_0]^2}$$
则矩阵 A 和 b 表示为

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \frac{x_{0} - X_{1}}{\overline{L}_{1}} & \frac{y_{0} - Y_{1}}{\overline{L}_{1}} & \frac{z_{0} - Z_{1}}{\overline{L}_{1}} \\ \frac{x_{0} - X_{2}}{\overline{L}_{2}} & \frac{y_{0} - Y_{2}}{\overline{L}_{2}} & \frac{z_{0} - Z_{2}}{\overline{L}_{2}} \\ \frac{x_{0} - X_{3}}{\overline{L}_{3}} & \frac{y_{0} - Y_{3}}{\overline{L}_{3}} & \frac{z_{0} - Z_{3}}{\overline{L}_{3}} \\ \frac{x_{0} - X_{4}}{\overline{L}_{4}} & \frac{y_{0} - Y_{4}}{\overline{L}_{4}} & \frac{z_{0} - Z_{4}}{\overline{L}_{4}} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{b} = \begin{bmatrix} L_{1} - \overline{L}_{1} \\ L_{2} - \overline{L}_{2} \\ L_{3} - \overline{L}_{3} \\ L_{4} - \overline{L}_{4} \end{bmatrix}$$
(5)

根据最小二乘原理求解待测点位置坐标并迭 代求解,求解公式为 $s = (A^T A)^{-1} A^T b$ 。

#### 1.3 精度评价

距离交汇技术的定位精度主要在于测距准确 度、基站网型以及定位算法等参数<sup>[13]</sup>,在定位算法 确定的情况下,主要影响因素为测距准确度和基站 布设。

在测距准确度确定的情况下,定位精度取决于 无人机基站布设,可通过位置精度因子(position dilution of precision, PDOP)值衡量基站布设对定位 精度的影响,以等高线图形式直观形象地表示出不 同基站构型在测试区域内对不同点位定位精度影 响的大小<sup>[14-15]</sup>。某点处 PDOP 值越小表示该处定 位精度越高,在本文设计方法中,无人机基站布设 的 PDOP 取值与基站布设的网型、范围(点位数量) 及高度有关。

在无人机基站确定的情况下,定位精度直接取 决于距离测量的精度,利用真实坐标计算真实距 离,给定距离测量误差,仿真 UWB 距离观测值,然 后按照空地协同定位方法计算目标位置,每点重复 测量 200 次,并与真实坐标作差对比,计算均方根值 (root mean square, RMS)评估其精度。

## 2 仿真实验

首先分析不同网型、不同范围、不同高度基站 布设的 PDOP 值,然后根据实测实验确定 UWB 测 距误差,最后设计仿真实验,分析定位误差。

## 2.1 无人机基站布设

(1) 网型设计

本文使用无人机飞行模拟多基站,设计每隔1s 确定一个基站位置。考虑到无人机飞行速度恒定, 相邻历元间基站距离相等,在同一高度面设计了4 种网型,分别为正方形、折线形、菱形、直Z形,分析 高度为100 m时的PDOP分布。选取200 m× 200 m的实验区域,结果如图2所示。可以看出,正 方形构型的PDOP值图像体现出良好的中心对称 性,以基站为中心各个方向分布均匀,几何构型明 显高于其他几种方式。因此,正方形构型不仅适用 于初期标签位置未知时对目标的搜索,同时也适用 于搜索到目标后对目标的测量标记。

(2)范围设计

设计无人机的巡航速度约为 14 m/s,每 1 s 飞 行一条边,可构成 14 m×14 m 的正方形基站网型, 每点悬停1 s,7 s完成一次定位;每 2 s 飞行一条







边,可构成 28 m×28 m的正方形基站网型,每点悬 停 1 s,10 s完成一次定位;每 3 s飞行一条边,可构 成 42 m×42 m的正方形基站网型,每点悬停 1 s, 13 s完成一次定位;每 4 s飞行一条边,可构成 56 m× 56 m的正方形基站网型,每点悬停 1 s,16 s完成一次 定位。以 80 m高度为例,不同边长的构型在 200 m× 200 m的区域内对应的 PDOP 如图 3 所示。







从图 3 可以看出,正方形边长越长,基站构型越 好,表现在随着正方形边长的增加,相应区域内的 PDOP 值缩小,若边长成倍增加,PDOP 值对应缩 小。进一步地,组成 42 m×42 m 的构型需要 13 s, 这个时间可满足 28 m×28 m 构型在每边加密一 点;同样地,组成 56 m×56 m 的构型需要 16 s,这 个时间可满足 42 m×42 m 构型在每边加密一点。 如图 4 所示,可以看出,与 42 m×42 m 的 4 点正方形 构型相比,28 m×28 m 的 7 点正方形构型虽点位多, 但是在测区范围内 PDOP 值更大;同样地,42 m× 42 m 的 7 点正方形构型 PDOP 值也比 56 m× 56 m 的 4 点正方形构型更大。也就是说,同样的组 网时间下,增大网型范围对于 PDOP 值的优化效果 优于加密网型基站点。







### (3)高度设计

分析基站布设范围为 14 m×14 m,28 m×28 m 时,纵坐标为 100,横坐标在 0~200 范围内,PDOP、 水平分量精度因子(horizontal dilution of precision, HDOP)、垂直分量精度因子(vertical dilution of precision, VDOP)随飞行高度的变化,结果如图 5 所示。可以看出,随飞行高度的增加,HDOP 增 加,VDOP减小,即受基站几何构型影响的平面定 位精度随高程增加而减小,高程定位精度随高程增 加重现先减小后增大的趋势,即三维定位精度随高 度增加呈现先增大后减小的规律,且平面方向越远 离基站,规律越明显。

#### 2.2 UWB 测距误差分析

视距条件下,UWB测距误差约为 0.1 m,而在 密林中,由于树叶及枝干遮挡带来非视距误差。本 节利用空循环 LinkTrack P-B 室内外高精度测距模









组设计测距实验,分析其在树木遮挡环境下的测距 性能。测试场景如图 6 所示,UWB 基站布设于高 楼窗边模拟无人机,标签在楼下广场移动,基站和 标签之间始终有多层茂密大树遮挡。在每个标签 点位均进行两组测距实验,一组直接利用 LinkTrack P-B 室内外高精度测距模组进行测距, 另一组在同样位置放置 GNSS 天线,通过实时动态 载波相位差分技术(real-time kinematic,RTK)解算 高精度位置,然后反算求解距离。以 RTK 解算距 离作为参考真值,分析 UWB 在树木遮挡环境下的 测距误差。在整个实验过程中,标签放置于开阔或 半开阔地带,可以接收到足够卫星进行 RTK 解算, 保证了测距参考值的准确性。



图 6 UWB 测距误差测试场景 Fig. 6 UWB ranging error testing scenario

表1显示了 RTK 解算参考值,UWB 测试均值、标准差(standard deviation, STD)及误差RMS,

本次测试距离主要集中在 100~200 m 范围,从表 中可以看出,在树木遮挡条件下,UWB 距离 STD 分布于 0.04~0.07 m 之间,均值为 0.05 m,误差 RMS 分布于 0.05~0.29 m 之间,均值为 0.17 m。

表 1 UWB 测距误差结果统计 Tab. 1 Statistics of UWB ranging error results m

	参考值	均值	STD	RMS
1	110.02	110.31	0.06	0.29
2	117.48	117.72	0.07	0.24
3	130.21	130.31	0.05	0.12
4	149.16	149.18	0.04	0.05
5	168.43	168.55	0.04	0.13
6	177.16	177.25	0.04	0.10
7	182.84	183.00	0.04	0.17
8	278.23	278.51	0.05	0.29
均值	_		0.05	0.17

#### 2.3 仿真实验分析

通过无人机基站布设实验验证无人机基站布 设对定位结果的影响规律,从 UWB 测距误差分析 实验得出在树木遮挡环境下 UWB 的测距误差,将 此两项分析结果应用于仿真测试中,开展 3 个仿真 实验。实验1验证在静态条件下的定位精度,实验 2 验证在动态条件下的定位精度,实验 3 验证在测 距误差变化条件下的定位精度。

(1) 仿真实验 1

本节仿真实验依据在密林下 UWB 测距误差结 果,设计测距误差为 0.2 m,方差为 0.05 m,如图 7 所示。分析基站布设范围为 14 m×14 m,28 m× 28 m时,标签纵坐标为 100,横坐标在 0~200 范围 内定位误差随高度的变化,结果如图 8 所示。





Fig. 7 UWB ranging simulation error





(c) 14 m×14 m基站构型三维定位误差





(f) 28 m×28 m 基站构型三维定位误差





从图 8 可以看出,在同样高度下,28 m×28 m 无人机构型定位精度优于 14 m×14 m,也就是说, 基站布设边长越长,定位精度越高,相应地,所需时 间也越长,这和图 3 中 PDOP 值体现的规律一致。 随着高度增加,平面定位误差增大,而高程定位误 差减小,这和图 5 中 PDOP 值体现的规律一致。在 高度 80 m 以下,测区范围内远离基站处三维定位 误差随高度减小而增大;在高度 80 m 以上,测区范 围内三维定位精度随高度增加而增大。综合来看, 80 m 是适用于整个测区范围内三维定位误差最小 的高度。进一步观察在高度 80 m 处 42 m×42 m 基站构型在测区范围内的平面及高程定位精度,结 果如图 9 所示。可以看出,在整个测区范围内,平面 及高程定位误差均在 0.3 m 以内,基站覆盖区域 内,平面及高程定位误差均在 0.2 m 以内。



(a) 平面定位误差









(2) 仿真实验 2

仿真实验1实现静态载体的精密定位,根据式 (3),要进一步实现动态载体的精密定位,需预先确 定动态载体的位移。首先,进行运动载体的初始 化,令载体在3个点位静止,完成静态定位,通过位 置差分获取位移,之后开始运动,通过战术级惯性 测量单元确定位移,每标定一个基站位置,对标签 进行同步定位。具体位移情况如图 10 所示,载体在 P4、P3、P2 点位静止,完成静态定位,之后随机运 动。为确定 P1 位置,需确定 P1P2、P1P3、P1P4 之间的位移,其中 P1P2 位移通过惯性测量单元确 定,P2P3、P2P4 位移由位置差分得到,和 P1P2 位 移累加,即可得到 P1P3、P1P4 位移。一次动态定 位后,本次定位的 P4 点不再参与下次定位, P3/P2/P1 依次变为下次定位的 P4/P3/P2,依次 重复计算,实现动态定位。



图 10 运动载体位移图示 Fig. 10 Movement carrier displacement diagram

在测试区域内选择 A/B/C/D 4 个点位,设计 运动轨迹,根据轨迹变化仿真其位移,并在位移中 加入方差为 0.1 m 的随机误差,利用式(3)求解在 高度 80 m处 42 m×42 m 基站构型在测区范围内 A/B/C/D 4 点的平面及高程定位精度(测距误差 设计同仿真实验 1)。表 2 给出了在 A/B/C/D 4 个 点位标签静止与运动的定位误差对比,可以看出, 运动载体的定位精度低于静止载体,整体保持在分 米级。

表 2 静止载体与运动载体的定位误差对比 Tab. 2 Comparison of positioning errors between stationary

and moving carriers m						
占台	平面误差		高程误差			
从世	载体静止	载体移动	载体静止	载体移动		
A(50, 150, 5)	0.23	0.29	0.19	0.24		
B(100,20,5)	0.23	0.31	0.21	0.25		
C(100,100,5)	0.13	0.19	0.20	0.22		
D(180,180,5)	0.27	0.38	0.26	0.34		

#### (3) 仿真实验 3

在林中测距时,由于树干及树叶遮挡造成非视 距误差,理论上,遮挡树木越多,非视距误差越大。 对于林中标签点位而言,无人机基站飞行高度越 高,信号传输在林中的距离越短,相应造成的非视 距误差也越小。仿真实验设计为 UWB 信号在林中 的传输路径每增大 10 m,测距误差增大 0.2 m。分 析基站布设范围为 42 m×42 m 时,标签纵坐标为 100,横坐标在 0~200 范围内距离误差、平面及高程 定位误差随高度的变化,结果如图 11 所示。



the measurement area

可以看出,在测区范围内,随着高度增加,测距 误差变小,在基站分布区域内,定位误差随高度增 加而增加;在基站分布区域外,定位误差随高度增 加而减小。在高度120 m以下,远离基站区域的定 位误差大于 0.7 m,综合来看,120~200 m 是适用于 整个测区范围内定位误差比较小的高度。以 120 m 为例,图 12 给出了 42 m×42 m 无人机构型在测区 范围内的距离误差、平面及高程定位误差。可以看



图 12 42×42 m 基站构型在 120 m 高度时测区范围内的 距离误差、平面及高程定位误差



出,基站覆盖区域内,平面定位误差小于 0.3 m,高 程定位误差小于 0.4 m,在整个测区范围内,平面定 位误差为亚米级,高程定位误差为分米级。

## 3 结论

针对密林中卫星信号遮挡难以实现高精度定位的问题,提出了一种密林环境下空地协同的GNSS/UWB定位方法,为密林环境下快速高精度定位方法提供了理论支持。

1)利用无人机携带 GNSS/UWB 集成化载荷升 空作为空中基站,并通过 PPP-RTK 技术对基站位 置进行实时标定,大大节省了基站布设时间,解决 了传统的 UWB 可移动基站布设复杂、成本高等方 面的问题。

2)对基站布设方案展开研究,验证基站布设对 定位精度的影响。仿真结果表明,通过优选基站布 设网型、范围及高度可有效提高定位精度,为密林 环境下 UWB 定位技术的实际应用提供基站布设指 导和依据。

3)对密林环境下 UWB 测距误差进行实测,并 将统计误差应用于仿真实验。结果表明,选择合适 的基站构型、范围及高度可有效实现密林环境下的 快速高精度定位。

该方法仍有不足,主要不稳定因素在于UWB 的测距误差,树林茂密且枝干粗壮区域,测距误差 可能增大或者信号无法传播,需探索减少非视距误 差及增强信号强度的方法,以增强定位算法的可靠 性。本文基于仿真实验验证了空地协同 GNSS/ UWB 定位算法的可行性。基于本文研究内容,我 们正在研制 GNSS/UWB一体化载荷,未来,将在大 兴安岭密林地区对本文提出的定位方案进行实测 验证。

## 参考文献

[1] 郭现伟, 姬生月, 王振杰, 等. BDS/GPS/GLONASS
 在密林地区组合定位性能分析[J]. 海洋测绘, 2018, 38(5): 55-58+66.

GUO Xianwei, JI Shengyue, WANG Zhenjie, et al. The performance of BDS/GPS/GLONASS positioning in the forest area[J]. Hydrographic Surveying and Charting, 2018, 38(5): 55-58+66(in Chinese).

[2] 石君杰, 陈忠震, 孟令宇, 等. GNSS RTK 技术在林 木定位及微地形测量中的应用[J]. 林业资源管理, 2019(4): 117-123+131. SHI Junjie, CHEN Zhongzhen, MENG Lingyu, et al. Applications of GNSS RTK technology to positioning forest location and measuring microtopography [J]. Forest Resources Management, 2019(4): 117-123+131(in Chinese).

- [3] ALARIFI A, AL-SALMAN A, ALSALEH M, et al. Ultra wideband indoor positioning technologies: analysis and recent advances[J]. Sensors, 2016, 16 (5): 707.
- [4] HAN H, WANG J, LIU F, et al. An emergency seamless positioning technique based on ad hoc UWB networking using robust EKF[J]. Sensors, 2019, 19(14): 3135.
- [5] 王雪延.基于 UWB 基站配置的室内定位研究[D]. 西安:西安电子科技大学,2014.
  WANG Xueyan. A study of indoor positioning based on UWB base-station configurations [D]. Xi'an: Xidian University, 2014(in Chinese).
- [6] WANG H, DING G, GAO F, et al. Power control in UAV-supported ultra dense networks: communications, caching, and energy transfer[J]. IEEE Communications Magazine, 2017, 56(6): 28-34.
- [7] LYU J, ZENG Y, ZHANG R, et al. Placement optimization of UAV-mounted mobile base stations[J]. IEEE Communications Letters, 2017, 21(3): 604-607.
- [8] 周永涛,刘唐,彭舰.无人机空中基站的路径规划研究[J].重庆理工大学学报(自然科学),2022,36 (10):166-175.
  ZHOU Yongtao, LIU Tang, PENG Jian. Research on the trajectory design of a UAV-mounted base station[J]. Journal of Chongqing University of Technology (Natural Science), 2022, 36 (10): 166-175 (in Chinese).
- [9] ZHUANG C, ZHAO H, HU S, et al. Cooperative positioning for V2X applications using GNSS carrier phase and UWB ranging[J]. IEEE Communications Letters, 2021, 25(6): 1876-1880.
- [10] GAO Y, JING H, DIANATI M, et al. Performance analysis of robust cooperative positioning based on GPS/UWB integration for connected autonomous vehicles[J]. IEEE Transactions on Intelligent Vehicles, 2023, 8(1): 790-802.
- [11] 杜进展, 王坚, 刘飞,等. UWB 测距的遮蔽区界址点 空地组网定位研究[J]. 测绘科学, 2022, 47(11): 1-9+31.

DU Jinzhan, WANG Jian, LIU Fei, et al. Study on location of the space to ground network of the boundary point of the sheltered area based on UWB ranging [J]. Science of Surveying and Mapping, 2022, 47 (11): 1-9+31(in Chinese).

- [12] 胡林瑶.基于加权最小二乘的 GNSS 定位解算及精度分析[D].天津:中国民航大学,2018.
  HU Linyao. GNSS positioning solving and accuracy analysis basing on weighted least squares algorithm
  [D]. Tianjin: Civil Aviation University of China, 2018(in Chinese).
- [13] 王川阳,王坚. 超宽带应急定位基站布设研究[J].
   测绘科学,2019,44(8):174-181.
   WANG Chuanyang, WANG Jian. Study of base sta-

tion layout of ultra wideband emergency positioning [J]. Science of Surveying and Mapping, 2019, 44 (8): 174-181(in Chinese).

- [14] WAN L, YAO P, LI M. TOA-based locating error GDOP analysis in wireless sensor networks[J]. Chinese Journal of Sensors & Actuators, 2009.
- [15] YU Z, QU Y, ZHANG Y. Distributed fault-tolerant cooperative control for multi-UAVs under actuator fault and input saturation[J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2019, 27(6): 2417-2429.

(编辑:黄利华)